نمایش شکل منحنی کاهندگی لرزهای در ناحیه تهران و بر آورد ضخامت موهو از روی آن

سيد خليل متقى (*، عبدالرضا قدس في حميدرضا سياهكو هي "

^۱کارشناس ارشد ژئوفیزیک، گروه علوم زمین، دانشگاه علوم پایه زنجان، ایران ^۲دانشیار، گروه علوم زمین، دانشگاه علوم پایه زنجان، ایران ^۲ دانشیار، گروه فیزیک زمین، مؤسسهٔ ژئوفیزیک، دانشگاه تهران، ایران

(دریافت: ۸۶/۱۲/۱۲ ، پذیرش نهایی: ۸۸/۲/۲۲)

چکیدہ

تعیین شکل منحنی کاهندگی در یک ناحیه ناشی از ناکشسان بودن زمین و گسترش هندسی موج در چندین دهه اخیر همواره مورد توجه بوده است. با استفاده از دستگاههای سرعتنگاشت شبکه لرزهنگاری رقومی مؤسسهٔ ژئوفیزیک دانشگاه تهران، ۲۲۰ نگاشت زلزله با بزرگی بین ۲٫۳ تا ۲٫۳، رویداده در ناحیه تهران بررسی و شکل منحنی کاهندگی در این ناحیه و در بسامدهای متفاوت با استفاده از الگوریتم Robust Lowess عرضه میشود. از روی شکل منحنی کاهندگی و مقایسه این منحنیها در بسامدهای گوناگون، اثرات ناپیوستگیهای مهم سنگسپهر نشان داده میشود و نقاط تغییر ضریب گسترش هندسی که ناشی از وجود این ناپیوستگیها است در ۱۰۶ و ۱۹۱ کیلومتر بهدست میآید. در پایان از روی محل شکستگیها در منحنیهای کاهندگی اندازه ضخامت ناپیوستگیهای کُنراد برابر با ۲٫۴۵ کیلومتر و موهو ۲۶۸ کیلومتر برآورد میشود.

واژه های کلیدی: منحنی کاهندگی دامنه موج لرزه ای، ناپیوستگی موهو، ناپیوستگی کُنراد، الگوریتم Robust Lowess

Visual Presentation of Seismic Attenuation Curves in the Tehran Region and Moho Thickness Estimation through the Curves

Motaghi, S. KH.¹, Ghods, A. R.² and Siahkoohi, H. R.³

¹ M. Sc. in Geophysics, Department of Sciences, Institute for Advanced Studies in Basic Sciences, Zanjan, Iran
² Associate Professor, Department of Sciences, Institute for Advanced Studies in Basic Sciences, Zanjan, Iran
³ Associate Professor, Earth Physics Department, Institute of Geophysics, University of Tehran, Iran

(Received: 2 March 2008, Accepted: 12 May 2009)

Abstract

The central Alborz Mountains of northern Iran (Figure 1) is a zone of intense active continental deformation and is the most heavily populated region of Iran, including the mega-city of Tehran with a population of over 10 million. The region is affected by numerous active faults, some of them having great seismic potential, and documented historical seismicity. Hence, the central Alborz is a prime candidate for seismic hazard evaluation studies. The choice of ground-motion model has a significant impact on risk estimates for a distance range of 50 to 200 km within an active seismic zone such as the central Alborz.

To visualize the attenuation behavior of calculated amplitude and to find a best fit

۱ مقدمه

attenuation curve, we used the statistical LOcally-WEighted regression Scatterplot Smoother (LOWESS) robust curve-fitting method of Cleveland et al. (1992). The method requires no assumptions regarding the underlying form of the relationship between amplitude of acceleration spectrum and distance. The use of a theoretical function can distort the fit by forcing a number of hinge points rather than by the natural hinge points in the data trend.

We only used 220 seismograms from 22 selected events with azimuthal gap less than 180 degrees. The data was bounded by azimuthal gap constrain to decrease successfully the radiation pattern effects on obtained spectral amplitudes. Two significant hinges are observed in 106 and 191 km. The first hinge is due to SmS phases received from Moho discontinuity beyond 106 km. The second hinge is related to the distance at which surface wave propagation becomes dominant. A small hinge was recognized in 55 km. We believe that it is because of a shallower discontinuity, possibly the Conrad discontinuity.

To find the reasons behind the existence of the hinges, we model reflection coefficient versus distance for an Earth model having the Conrad or Moho discontinuity. We can estimate the depth of discontinuities using the calculated distances for the hinges (55 and 106 km).

Using a simple model and mentioned hinges (55 and 106 km), the thickness of the Conrad and Moho are estimated as 24.5 and 46.5 km, respectively. The Moho thickness agrees well with that obtained from 1D tomography of the study region.

Key Words: Seismic attenuation curve, Moho discontinuity, Conrad discontinuity, Robust Lowess algorithm

برگیرنده شهر تهران، یکی از پرجمعیت ترین شهرهای آسیا و پایتخت کشور باشد که در یک ناحیه زمین ساختی فعال قرار گرفته است. علاوه بر آن، شکل نمودار کاهندگی اطلاعاتی درباره زمین شناسی ناحیه و مرزهای ناپیوستگی پوسته که باعث انعکاس پرتوهای موج می شوند به ما می دهد (برگر و همکاران، ۱۹۸۷؛ مرو و همکاران، ۱۹۸۶) و می تواند قید خوبی برای مدل های تومو گرافی یک بُعدی منطقه باشد. همچنین نحوه کاهندگی دامنه امواج لرزهای در یک منطقه یکی از پارامترهای لازم برای هر گونه مدل سازی دقیق شکل موج به منظور به دست آوردن خصوصیات منبع زمین لرزهها است.

وجود مرزهای ناپیوستگی و انعکاس موج از این مرزها بر شکل رابطه کاهندگی تاثیر میگذارد. در تحقیقات کاهندگی که در گذشته صورت میگرفت اثر تعیین شکل منحنی کاهندگی دامنه موج لرزمای در یک ناحیه و عرضهٔ روابطی برای کاهندگی دامنه موج عرضی، ناشی از ناکشسان بودن زمین و گسترش هندسی، در چندین دهه اخیر همواره مورد توجه بوده است (برگر و همکاران، ۱۹۸۷؛ او و هرمان، ۱۹۹۰؛ آتکینسن و مرو، ۱۹۹۲؛ آتکینسن، ۲۰۰۴؛ معتضدیان و آتکینسن، ۲۰۰۵). نحوه افت انرژی امواج عرضی در یک منطقه و محاسبه کمّی آن همواره مورد توجه مهندسان زلزله است چرا که بیشترین خطرات زلزله در یک منطقه، ناشی از اثرات تخریبی این امواج است (آتکینسن و مرو، ۱۹۹۲). به همین دلیل یکی از دادههای اصلی برای ارزیابی میزان نوزه خیزی گسلهای فعال منطقه، تعیین نحوه افت انرژی امواج عرضی در آن منطقه است. این موضوع اهمیت بیشتری مییابد، به خصوص زمانی که این ناحیه در مدرن برازش استفاده شد. این روش برازش که Robust Lowess (کلولند، ۱۹۷۹؛ چمبرز و همکاران، ۱۹۸۳؛ تيستت، ۱۹۸۸؛ كلولند و همكاران، ۱۹۹۲) نام دارد يك روش برازش ناپارامتری است. روشهای برازش ناپارامتری روشهایی هستند که در آنها برای برازش نیازی به یک مدل پارامتری، یعنی تابعی که رفتار بین متغیرها مثلاً دامنه برحسب فاصله را نشان دهد، نیست؛ بلکه تغييرات داده، تنها توسط خود داده تعيين مي شود. در اين روش برخلاف روشهای برازش با استفاده از مدلهای پارامتری، که امروزه بهطور معمول مورد استفاده قرار می گیرد، یک قید ریاضی به داده تحمیل نمی شود تا داده مجبور به پیروی از آن شود. استفاده از این گونه روش ها می تواند اطلاعاتی را که تا به امروز به علت لحاظ نشدن در توابع برازش شده، از چشم دور ماندهاند و درحکم نوفه دور ریخته می شدهاند، در اختیار قرار دهد. پارامتری که در این مقاله مورد بررسی قرار گرفته و براساس جزئیات مشاهده شده روی منحنی کاهندگی محاسبه میشود، ضخامت ناپیوستگیهای مهم در پوسته مانند ناپیوستگی موهو است.

در این مقاله ابتدا مراحل آنالیز نگاشتهای زمین لرزه برای محاسبه طیف شتاب امواج عرضی در فضای فوریه عرضه می شود. نتایج این تحلیل در ۱۰ بسامد بین ۱ تا ۱۳ هرتز بررسی و روند افت دامنه در فواصل گوناگون نشان داده می شود. با استفاده از الگوریتم Robust Lowess شکل و رفتار منحنی کاهندگی آشکار می شود و نقاطی شکل و رفتار منحنی کاهندگی آشکار می شود و نقاطی نقاط شکستگی منحنی کاهندگی) به دست می آید. نقاط شکستگی منحنی کاهندگی به عمق ناپیوستگیها بستگی دارد (برگر و همکاران، ۱۹۸۲؛ مرو و همکاران، ۱۹۸۶). باتوجه به شباهتها و تفاوتهای منحنی کاهندگی دامنه در بسامدهای گوناگون به بحث درباره برخی خصوصیات ناپیوستگیهای مهم که اثر خود را در مرزهای ناپیوستگی در نظر گرفته نمی شد. در فواصل کمتر از ۱۰۰ کیلومتر از رومرکز زمینلرزه، گسترش انرژی صرفاً با امواج مستقیم در نظر گرفته شده و از تابع 1/R که مقدار نظری محاسبه شده در نیم فضا است استفاده می شد. در فواصل بیش از ۱۰۰ کیلومتر این تابع به صورت 1/ \sqrt{R} فرض می شد که این نیز مقدار نظری محاسبه شده در نیمفضا برای گسترش امواج سطحی است (چان و همکاران، ۱۹۸۷؛ شین و هرمان، ۱۹۸۷). اما اعتبار فرض فوق با برگر و همکاران (۱۹۸۷) و او و هرمان (۱۹۹۰) که اثر فازهای انعکاسی از مرزهای ناییوستگی در درون یوسته را بسیار قابل توجه میدانستند زیر سؤال بردند. این مسئله زمانی بیشتر مورد توجه (بهخصوص مورد توجه مهندسان زلزله) قرار گرفت که آتکینسن و مرو (۱۹۹۲) در تحقیقشان در جنوب شرقی کانادا تابع گسترش هندسی در فاصله ۷۰ تا ۱۳۰ کیلومتر را به صورت R^{0.2} معرفی کردند، یعنی در بازه بهدست آمده تحت تاثیر فازهای بازتابی، بهخصوص از مرز موهو، بهجای کاهندگی دامنه ناشی از گسترش هندسی با تقویت دامنه روبهرو شدند. پس از آن شکل تابع کاهندگی که آتکینسن و مرو آن را Hinged Trilinear (سەخط راست بە ھم لولا شدە) نامیدند در مناطق بسیاری به طور تجربی به دست آمد که در اين ميان مي توان به تحقيق آتكينسن (۲۰۰۴)، معتضديان و آتکینسن (۲۰۰۵)، و معتضدیان (۲۰۰۶) اشاره کرد.

بنابر آنچه در بالا اشاره شد، شکل منحنی کاهندگی همیشه براساس نظریههای موجود حدس زده شده است و شکل واقعی آن، آن طور که طبیعت بر آن حکم می کند به درستی شناخته نشده است. در آن تحقیقات همواره یک رابطه که رفتار اید نال کاهندگی موج را نشان دهد به داده برازش شده و سایر اطلاعات موجود روی منحنی کاهندگی، به صورت نوفه موجود روی داده ها به دور ریخته شده است. در این تحقیق برای مشاهده روند تغییرات منحنی کاهندگی دامنه با فاصله، از یک الگوریتم

منحنی کاهندگی بهخوبی نشان دادهاند میپردازیم و با استفاده از منحنی کاهندگی، ضخامت ناپیوستگی موهو و کنراد را برآورد میکنیم.

۲ دادهها

شبکه لرزهنگاری رقومی مؤسسهٔ ژئوفیزیک دانشگاه تهران از ابتدای ۱۹۹۶ آغاز به کار کرده است. این شبکه مجهز به دستگاههای سرعتنگار سهمؤلفهای و کوتاهدوره از نوع Kinemetrics SS1 با بسامد طبیعی یک هرتز است. طیف پاسخ دستگاه نسبت به سرعت در بازه ۱ تا ۲۵ هرتز یک خط با شیب تقریباً صفر است، یعنی طراحی دستگاه به گونهای است که در بازه ۱ تا ۲۵ هرتز شکل طیف سرعت

تغییر نکند. آهنگ برداشت رقومی داده، ۵۰ نمونه در ثانیه است و بیشتر ایستگاهها روی سنگ سخت نصب شدهاند (قدس و ثبوتی، ۲۰۰۵).

موقعیت ایستگاهها و زمین لرزه های مورد استفاده در این تحقیق در شکل ۱ نشان داده شده است. بازه جغرافیایی منطقه مورد بررسی ۱ر ۳۴ تا ۵ر ۳۶ شمالی و ۵۰ تا ۵۴ شرقی است. در این تحقیق، ۲۲ زمین لرزه با بزرگی بین ۲٫۳ تا ۹٫۳ و با گاف پوشش سمتی کمتر از ۱۸۰ درجه مورد استفاده قرار گرفت. ۲۲۰ ثبت مربوط به ۲۲ زلزله که در ۱۹ ایستگاه واقع در ۳ استان تهران، سمنان و مازندران ثبت شدهاند، بررسی شد.



شکل ۱. موقعیت ایستگاهها و زمینلرزههای تحلیل شده در این تحقیق در ناحیه تهران. دایرهها موقعیت زلزلهها و مثلــــُـهــا محــل ایســتگاههـا را نشــان میدهد. خطوط خاکستری محل گسلرهای فعال منطقه را نشان میدهند (حسامی و همکاران، ۲۰۰۳).

صورت قابل توجهی کاهش میدهد. ۳-۲ تحلیل سیگنالها پس از بریدن پنجره S از بقیه ثبت، برای اجتناب از پدیده گیبس و بسامدهای کاذب ناشی از قطع سری زمانی در دو انتهای پنجره، لازم است از یک نرم کننده (Taper) استفاده کنیم. برای این منظور نرم کننده کسینوسی ٪۵ مورد استفاده قرار گرفت و در دو انتهای پنجره S اعمال شد. سپس با استفاده از تبدیل فوریه گسسته طیف دامنه سرعت در بسامدهای گوناگون به دست آمد و با مشتق گیری از طیف سرعت در حوزه بسامد، دامنه طیف شتاب محاسبه شد:

$$\mathbf{a}(\mathbf{f}) = 2\pi \mathbf{f} \left[\mathbf{V}(\mathbf{f}) \right] \tag{1}$$

که f بسامد، (V(f) دامنه طیف سرعت و (a(f) دامنه طیف شتاب را نشان میدهد.

برای حذف اثر دستگاههای ثبت کننده از روی نگاشت زمین لرزه، از روش واهمامیخت در حوزه بسامد استفاده شد. اثر دستگاه، (I(f) ، از روی نگاشت با تقسیم دامنه طیف شتاب به (I(f) حذف شد:

$$A(f) = \frac{a(f)}{I(f)}$$
(Y)

در پایان از منحنی طیف شتاب در فضای فوریه در بازههای ۱ر • لگاریتمی متوسط گیری شد و مقدار دامنه به دست آمده به بسامد مرکزی پنجره نسبت داده شد. این کار سبب هموار شدن منحنی شتاب میشود. این متوسط گیری از طیف شتاب در هنگام محاسبه کاهندگی بدین معنا است که کاهندگی انرژی در پنجرههای کوچک بسامدی (و نه در یک بسامد معین) مورد بررسی قرار می گیرد.

یکی دیگر از عوامل مزاحم موجود در طیف دامنه، اثر نوفه محیط است. برای محاسبه و حذف اثر نوفه، یک پنجره با طول مساوی پنجره S قبل از رسید اولین فاز P ۳ آمادهسازی دادهها

۱-۳ مؤلفه و ينجره سيگنال براى تحليل امواج عرضی به علت آنکه بهطورمعمول دامنهای چندین برابر دامنه امواج طولی دارند و بیشتر ویرانی و آسیب ساختمانها ناشی از این امواج است، همواره بیشتر مورد توجه مهندسان زلزله بودهاند. موج عرضی قابل ثبت روی یک زلزلهنگار کوتاه دوره شامل پرتوهای مستقیم _یS، بازتابی SmS، سطحی L_{g} و انکساری SmS بازتابی عمدتاً روی مؤلفههای افقی ثبت میشوند. تحقیقات او و هرمان (او و هرمان، ۱۹۹۰) که با استفاده از بررسی نگاشتهای مصنوعی صورت گرفت، روشن ساخته است که عمده انرژی موج رسیده به ایستگاه با فازهای برشی که در راستای افقی حرکت میکنند (فازهای مؤلفه SH) حمل می شود و لذا مؤلفه مماسی (T) بیشترین انرژی را ثبت میکند. ازاینرو منحنی میرایی امواج عرضی از اهمیت بیشتری نسبت به مؤلفه قائم برخوردار است. همچنین استفاده از فازهای مؤلفه SH این مزیت را دارد که خطای ناشی از تبدیل فازهای S و P به یکدیگر حذف میشود. بنابراین مؤلفههای افقی E-W و N-S در امتداد رومرکز زمین لرزه چرخانده شد و آنالیزها روی مؤلفه T صورت گرفت. برای جدا کردن خودکار فازهای S از بقیه نگاشت، ابتدا منحنی زمان رسید فاز Sg برحسب فاصله، برای ۲۲۰ ثبت رسم شد و از روی عکس شیب، سرعت متوسط فاز Sg در ناحیه به دست آمد. پس، ازاین به بعد با داشتن فاصله ایستگاه از منبع، زمان رسید تقریبی فاز Sg را داریم. این کار برای زمان انتهایی کداهای S نیز تکرار شد و تقریبی از زمان انتهایی پنجره S نیز به دست آمد. برای هر نگاشت T، ینجره S از زمان رسید فاز Sg آغاز و تا جایی که تقریبا ٪۹۰ کل انرژی موج برشی در آن بازه قرار بگیرد ادامه مییابد (آتکینسن و مرو، ۱۹۹۲). این کار حجم زیادی از نمونههای کمانرژی را که در انتهای پنجره S قرار میگیرند کنار میگذارد و مقدار محاسبات را به

برداشته شد. همهٔ آنالیزهای فوق روی این پنجره نوفه نیز صورت گرفت و طیف شتاب پنجره نوفه، (N(f، محاسبه شد. سپس توان نوفه در هر بسامد از توان سیگنال کم شد:

$$A'(f) = \sqrt{A^2(f) - N^2(f)}$$
 (r)

ثبتهایی که نسبت سیگنال به نوفه (SNR) کمتر از ۲ داشتند در مراحل بعدی مورد استفاده قرار نگرفتند و در همین مرحله حذف شدند. SNR در محاسبات به صورت زیر تعریف شد (زارع، ۱۳۸۴):

$$SNR^{2} = \frac{\sum_{i=1}^{n} A_{i}^{2}(t) / t_{s}}{\sum_{i=1}^{n} N_{i}^{2}(t) / t_{N}}$$
(F)

n در اینجا تعداد نمونههای موجود در پنجره S است. Ai دامنه نمونه أم نگاشت در پنجره S و Ni دامنه نمونه أم در پنجره نوفه است. tS و tN به ترتیب طول پنجره زمانی سیگنال و نوفه است که در انتخاب این پنجرهها به یک اندازه در نظر گرفته شده است.

۴ مزایای استفاده از Robust Lowess

Locally WEighted که مخفف Lowess است اولین بار از سوی کلولند Scatterplot Smoother است اولین بار از سوی کلولند (۱۹۷۹) مطرح شد و سپس در ۱۹۹۲ کلولند و همکاران آن را بهبود دادند و از این زمان به بعد بهمنزلهٔ یک الگوریتم مدرن برازش به دادهها بهطور گستردهای در شاخههای گوناگون علوم چون زیست شناسی (یانگ و همکاران، ۲۰۰۲) و زمین شناسی (مک آرتور و هوارد، مروش های برازش ناپارامتری قرار گرفته است و شباهت بسیاری به مدل پارامتری قرار گرفته است و شباهت ناپارامتری روش هایی هستند که در آنها برای برازش کردن نیازی به مدل پارامتری، یعنی تابعی که رفتار بین

متغیرها مثلا دامنه برحسب فاصله را نشان دهد، نداریم. استفاده از این گونه روشها میتواند اطلاعات باارزشی را که تا کنون از نظرها دور مانده روشن سازد.

در مقابل، روشهای برازش با استفاده از مدلهای پارامتری، که به طور وسیعی مورد استفاده قرار میگیرند، روشهای محاسباتی ساده و آشنایی هستند که در آنها میبایست رفتار داده را حدس زد و یا براساس پایهای نظری، رفتار تابع را از قبل دانست. مثلاً فرض کنید که میدانیم رفتار تابع به صورت y = a - b log(x) - cx است. سپس با استفاده از روش های محاسباتی مانند روش کمترین مربعات که یک روش معکوس سازی است و یا روشهای مستقیم که در آنها با تغییر ضرایب و مقایسه مقدار باقیمانده (تفاوت بین مقدار تجربی و مقدار محاسبه شده) برای هر مجموعه ضرایب، به دنبال ترکیبی از ضرایب هستیم که کمترین مقدار باقی مانده را داشته باشند. اگرچه روشهای پارامتری برازش قابل قبولی روی داده بهدست میدهند ولی ممکن است اطلاعات ارزشمندی را که روی داده وجود دارد ولی در مدل پارامتری در نظر گرفته نشده، درحکم نوفه دور بریزند. بنابراین انتخاب یک تابع بهمنزلهٔ مدلی پارامتری برای برازش کردن، همواره به صورت یک چالش مطرح است. برای مثال در تعیین منحنی کاهندگی، سالها به انبوه دادههای بهدست آمده یک تابع دوتکه با یک نقطه شکستگی در ۱۰۰ کیلومتر برازش میشد. فاصله ۱۰۰ کیلومتر نشانگر تغییر نوع موج از حجمی به سطحی بود (چان و همکاران، ۱۹۸۷؛ شین و هرمان، ۱۹۸۷). اثر امواج بازتابی که قبل و بعد از ۱۰۰ کیلومتر به طور قابل توجهی حضور دارند، فقط تنها باعث انحراف جوابها از مقدار واقعى مىشد و بهصورت نوفه در نظر گرفته می شد. این اشکال همان طور که در مقدمه گفته شد با تحقیقات نظری دقیقتر (و معرفی مدل Hinged Trilinear) برطرف شد؛ بدین صورت که در مدل ساده یک لایه روی نیمفضا (پوسته

روی گوشته) بازتابهای موهو نیز وارد محاسبات میشود، ولی اثر سایر ناپیوستگیها هنوز به صورت نوفه در نظر گرفته میشود. در روش برازش پارامتری تعداد نقاط شکستگی (ناشی از ناپیوستگیها) در منحنی کاهندگی از قبل تعیین شده است و ما فقط به دنبال بهترین مکان برای نقاط شکستگی هستیم (آتکینسن و مرو، ۱۹۹۲).

در حالتی که داده ها دارای پراکندگی زیاد هستند، مقدار تابع هموار می شود و ممکن است تحت تاثیر نقاط اندکی که خارج از روند اکثریت داده ها قرار دارند (Outliers) دچار واپیچش شود و حتی جوابی غیر واقعی از برازش به دست آید (پرس، ۱۹۹۲). در این گونه موارد برای غلبه بر اثر این نقاط اندک، از الگوریتم های Robust استفاده می شود. در این موارد با استفاده از یک تابع وزن که در آن، وزن هر نقطه در مرحله برازش شدن به فاصله آن نقطه تا روند داده بستگی دارد، تاثیر این نقاط را تا حد امکان کم می کنیم و به برخی از این نقاط دور از روند، وزن صفر می دهیم. توضیحات بیشتر در الگوریتم روش نشانی اینترنتی

http://www.mathworks.com/access/helpdesk_r يافت. 13/help/toolbox/curvefit/ch_data7.html

۵ نمایش شکل منحنی کاهندگی دامنه امواج عرضی در ناحیه تهران

شکل منحنی کاهندگی دامنه موج عرضی برحسب فاصله در بسامدهای ۱، ۲، ۵ر۲، ۱ر۳، ۴،۵،۴ (۶، ۸،۴ و ۵ر۱۲ هرتز در شکل ۳، نمایش داده شده است. در این شکل نحوه تغییر دامنه در هر بسامد و در هر فاصله به خوبی دیده می شود.

برای آنکه اثر الگوی تابش و سازوکار گسل روی دامنه را به حداقل برسد، از دادههایی با گاف آزیموتی

کمتر از ۱۸۰ درجه استفاده شد. این اثرات در زلزلههای کوچک نیز وجود دارد که باعث تغییرات در اندازه دامنه در یک فاصله معین حول رومرکز زلزله می شود. از این تغييرات بهمنزلهٔ تغييرات کاتورهای صرف نظر میشود و مقدار متوسط دامنه در یک فاصله با متوسط گیری از مقادیر دامنه به دست آمده در آن فاصله و در سمتهای متفاوت بهدست میآید. برای آنکه این تغییرات واقعاً کاتورهای باشند و متوسط آنها متوسط واقعی دامنه را به ما بدهد، لازم است که زلزلهها با یک پوشش سمتی مناسب در ایستگاهها ثبت شده باشند؛ بهعبارتدیگر با افزودن این قید در انتخاب داده، اثرات الگوی تابش و سازوکار گسل با کمک متوسط گیری با دقت زیادی از روی دامنه حذف می شوند. لذا برای آنکه نهایت دقت در محاسبه منحنی های کاهندگی به عمل آمده باشد از ۲۲۰ لرزه-نگاشت که مربوط به زلزلههایی با گاف سمتی کمتر از ۱۸۰ درجه است استفاده شد. این عمل پراکندگی را تا حد خوبی کاهش میدهد و تغییر در روند دادهها به راحتی حتى با چشم در آنها ديده مي شود. در شكل ۲ الف و ۲-ب دادههای با گپ کمتر از ۲۵۰ و کمتر از ۱۸۰ با هم مقاسه شدهاند.

در شکل ۳ علامتهای + آبی، دامنه به دست آمده از ۲۲۰ ثبت افقی مماسی و لوزیهای سرخ، منحنی برازش شده با استفاده از الگوریتم Robust Lowess است. همان گونه که در شکلها دیده می شود یک کاهش شیب منحنی کاهندگی در فاصله ۵۵ کیلومتری گیرنده از منبع دیده می شود و پس از آن یک تخت شدگی دیگر از حدود ۱۰۶ کیلومتری آغاز می شود.

برای تفسیر این منحنیها از یک شبیهسازی که برگر و همکاران (۱۹۸۷) عملی ساختهاند استفاده شده است. در این شبیهسازی، پس از تولید نگاشتهای مصنوعی زمین لرزه، منحنیهای کاهندگی به صورت مصنوعی محاسبه شده است (برگر و همکاران، ۱۹۸۷). در مقاله

یادشده نشان داده شده که سه عامل روی مکان اولین رسید فازهای بازتابی از مرز موهو مؤثر است. این سه عامل

عبارتاند از ضخامت پوسته، اختلاف سرعت در دو طرف مرز موهو و عمق زمین لرزهها.



(الف)



⁽ب)

شکل ۲. (الف) دامنه ۲۲۰ ثبت افقی مماسی در بسامد ٤ هرتز برحسب فاصله از منبع زمین لرزه. سهتکه بودن روند کاهندگی به وضوح دیده می شود. ثبت ها همگی دارای گپ کمتر از ۱۸۰ درجه هستند. (ب) دامنه ۸۸۰ ثبت افقی مماسی در بسامد ٤ هرتز برحسب فاصله. مکان شکستگی به خاطر پراکندگی زیاد به وضوح دیده نمی شود. گپ دادهها کمتر از ۲۰۰ درجه در نظر گرفته شده است.



شکل ۳. دادها و شکل منحنی کاهندگی در بسامدهای ۱، ۲، ۵ر۲، ۱ر۳، ٤، ۵، ۳ر۲، ۱۰،۸ و ۵ر۱۲ هرتز. + هـا دادههـای خـام و لـوزیهـای سـرخ بـا الگـوریتم Robust Lowess ترسیم شده است. برای ترسیم این منحنیها از ۲۲۰ ثبت با گپ کمتر از ۱۸۰ درجه استفاده شده است.



ناپیوستگی مهم قبل از موهو یعنی مرز کنراد میدانیم. این شکستگی در بسامدهای زیاد (مثلا ۸، ۱۰ یا ۱۹ر۲ هرتز) به صورت واضحتری دیده میشود (شکل ۳). براساس رابطه (۶) و فرضهایی که در انتهای همین بخش آورده میشود، این شکستگی بایستی ناشی از یک ناپیوستگی در عمق حدود ۵ر۲۴ کیلومتر باشد.

شکستگی دوم را که از ۱۰۶ کیلومتر آغاز می شود مربوط به فازهای بازتابی از مرز موهو یعنی SmS می دانیم، این تخت شدگی در بیشتر بسامدها تا ۱۴۰ کیلومتر ادامه می یابد و پس از آن یک واپیچش شدید در منحنی کاهندگی دیده می شود که تا ۱۹۱ کیلومتری ادامه می یابد. این تغییر در روند منحنی کاهندگی را بدین خاطر واپیچش می خوانیم که شکل آن در بسامدهای گوناگون تغییر می کند (شکل ۴). در پایان، یک کاهیدگی امواج سطحی ثابت آغاز می شود که مربوط به کاهندگی امواج سطحی اموج لاو) است. نحوه گسترش امواج سطحی به علت تفاوت در ماهیتشان با امواج حجمی متفاوت است و همین باعث یک شکستگی در منحنی کاهندگی در فاصله ۱۹۱ کیلومتری می شود.

واپیچش پیش گفته، در حدود ۱۵۵ کیلومتری شروع میشود که فقط در بسامدهای کم دیده میشود. این واپیچش به صورت تقویت دامنه در بسامدهای ۱ و ۲ هرتز

با فرض اینکه تفاوت عمق متوسط در ناحیههای مقايسه شده زياد نيست، مكان اولين رسيد فازهاى بازتابي بیشتر به مدل پوسته (یعنی عامل های اول و دوم گفته شده) در آن ناحیه نسبت میدهیم. در مدل پوسته مرکز ایالات متحد، مرز موهو در عمق ۴۰ کیلومتری و سرعت در دو طرف مرز به ترتیب ۷ر۴ و ۱۵ر۸ است. منحنی کاهندگی این مدل، یک تختشدگی بین ۶۰ و ۱۵۰ کیلومتر را نشان میدهد (برگر و همکاران، ۱۹۸۷). در مدل دوم که مربوط به کانادا است، ضخامت موهو ۴۰ کیلومتر و سرعت در دو طرف موهو ۳۵ر۷ و ۳۳ر۸ است. در این منحنی کاهندگی تختشدگی بین ۱۰۰ و ۲۰۰ کیلومتر دیده می شود (برگر و همکاران، ۱۹۸۷). در تحقیقاتی که برای یافتن مدل سرعت در ناحیه تهران صورت گرفته (قربانی چگنی، ۱۳۸۶) ضخامت موهو ۴۸ کیلومتر و اختلاف سرعت در دو سوی آن ۳۷ر۷ و ۹۹ر۷ بهدست آمده است که این مدل در مقایسه با دو مدل فوق به مدل کانادا نزدیک تر است و تختشدگی می تواند با اعداد ۱۰۰ و ۲۰۰ کیلومتر که حدود نقاط ابتدا و انتها رسید فاز بازتابی را نشان مىدهند نز ديكى بيشترى داشته باشد.

بر اساس شبیهسازی برگر و همکاران (۱۹۸۷)، شکستگی منحنی در ۵۵ کیلومتر بدون توضیح باقی میماند که ما آن را ناشی از بازتابهای یک مرز

به وضوح دیده می شود (شکل ۳) ولی از بسامد ۵ هرتز به بعد اثر آن به طور قابل توجهی کاهش می یابد. یک مقایسه بین منحنی های کاهندگی در شکل ۴ نشان داده شده است. این واپیچش ها احتمالاً ناشی از Sn در پنجره سیگنال است که در فواصل بیش از ۱۵۵ کیلومتر در پنجره S ظاهر می شود.

در مجموع، از نتایجی که میتوان با مشاهده این منحنیها به دست آورد میتوان به موارد زیر اشاره کرد: ۱- فرض مدل Hinged Trilinear (سه خط راست به هم لولا شده) برای منحنیهای کاهندگی اگر چه فرض درستی است اما دقیق نیست و در محاسباتی که شکل منحنی کاهندگی با دقت زیاد مورد نیاز است میتوان از منحنیهای ۵ تکه یا ۷ تکه که به واقعیت نزدیک ترند استفاده کرد. در فرض Hinged Trilinear از بسیاری از جزئیات صرفنظر شده است.

۲- ضریب پخش هندسی در تکه میانی منحنی کاهندگی، b2، برخلاف ادعاهای پیشین که مستقل از بسامد در نظر گرفته میشد، کمیتی وابسته به بسامد است. این نکته با مشاهده رفتار منحنیهای کاهندگی در فاصله ۱۰۶ تا ۱۹۱ کیلومتر و در بسامدهای گوناگون (شکل ۴) به وضوح دیده میشود.

الگوریتم Robust Lowess به ما امکان مشاهده جزئیات موجود روی منحنیهای کاهندگی را میدهد. از روی این جزئیات و با استفاده از ارتباط آنها یا پارامترهای مؤثر در شکل منحنی کاهندگی میتوان به برآوردی از خصویات این پارامترها دست یافت. برای مثال ضخامت ناپیوستگیهای پوسته که محل شکستگیهای منحنی به آنها بستگی دارد، بهمنزلهٔ پارامتری مؤثر در شکل منحنی کاهندگی در همین مقاله مورد بحث قرار گرفته است.



شکل ٤. یک مقایسه بین شکل منحنی کاهندگی در بسامدهای ۱، ٦ر۱، ۲، با بسامدهای ۳٫۳، ۸ و ۱۰ هرتر. بـرای نمـایش بهتـر یـک جابهجایی روی مقدار دامنهها داده شده است تا منحنیها روی هم قرار نگیرند. مقایسه منحنیهای کاهنـدگی در بسامدهـای گوناگون نشان میدهد که رفتار آنها در فاصله ٥٥ کیلومتر و ١٠٦ کیلومتر مشـابه اسـت ولـی در فاصـله ١٥٥ کیلـومتر رفتـار متفاوتی دارند.

 V_{A} ($i_{c} = V_{I}$ و V_{I} سرعت) متوسط موج در پوسته و لایه بالایی گوشته است. اکنون با داشتن زاویه بحرانی i_{c} مقدار ضخامت متوسط موهو (h) از روی فاصله اولین رسید فاز بازتابی (R=۱۰٦) و با استفاده از رابطه (۵) به دست می آید. مقدار h محاسبه شده برابر ۴۰ کیلومتر به دست می آید که در مقایسه با ۴۸ (قربانی چگنی، ۱۳۸۶) عدد کوچکی است.

$$h = \frac{R/2}{\tan(i_c)} \tag{(a)}$$

با اعمال اثر تصحیح عمق که مقدار متوسط آن در بانک دادههای ما برابر بـا ۷ر H=۱۸ کیلـومتر است، رابطـه فوق به شکل زیر به دست می آید:

$$h = \frac{(R^2 - H^2)^{0.5} + (H \times \tan(i_c))}{2\tan(i_c)}$$
(\$)

مقدار محاسبه شده از این رابطه برابر با ۲۶ ۴۶ کیلومتر است که همخوانی بسیار خوبی با مقدار به دست آمده برای این ناحیه به روش معکوس سازی (۲۸۶ کیلومتر) دارد. البته این روش همچنان بهمنزلهٔ یک تقریب مرتبه اول باقی میماند که در آن از همه پیچیدگی های موجود در پوسته زمین و مرز موهو چشم پوشی شده است. با در نظر گرفتن خطای حدود ۵ کیلومتر در تعیین عمق زمین لرزه، اندازه ضخامت پوسته دارای خطای ۳ ± کیلومتر است.

ثبوتی و ارکانی حامد (۱۹۹۶) با استفاده از مدل سازی عددی به بررسی تغییر شکل در پوسته ایران پرداختهاند. نتایج آنها نشان می دهد که ضخامت پوسته در امتداد رشته کوه البرز برابر با ۴۵ کیلومتر است. جوان دولوئی و روبرتز (۲۰۰۳) با استفاده از روش تابع گیرنده و با استفاده از دادههای شبکه بلند دوره ایران (ILPA) ضخامت موهو را در ناحیه جنوب غرب تهران ۲ ±۴۷ کیلومتر بر آورد ۶ دلایل مشاهده شکستگی در منحنی کاهندگی و محاسبه ضخامت ناییو ستگیها

برای توجیه وجود شکستگیها در منحنی کاهندگی ضرایب بازتابی موج *SH* بر حسب زاویه بحرانی ترسیم شد. این ضرایب برای یک مدل ساده یک لایه روی نیم فضا در شکل ۶ نشان داده شده است. همان گونه که مشاهده می شود، یک افزایش شدید دامنه موج بازتابی در زاویه بحرانی دیده می شود. این افزایش شدید به این معنا است که دامنه امواج بازتابی در نگاشتهای ثبت شده به طور ناگهانی افزایش می یابند و این افزایش در فاصلهای مدسی مربوط به این فاصله در رابطه (۶) آورده می شود. به همین دلیل است که با داشتن مقادیر دقیق نقاط شکستگی، می توان درباره ضخامت ناپیوستگیها صحبت

با استفاده از یک مدل سرعت که مقدار سرعت متوسط در پوسته و لايه زيرين مرز موهو را بـه مـا بدهـد و مشاهده فاصله اولين رسيد فازهاى بازتابي SmS (اين فاصله با علامت R نشان داده می شود) که باعث تختشدگی منحنی کاهندگی میشود میتوان به بر آوردی از عمق موهو دست یافت. اگرمتوسط سرعت در پوسته را ۴ر۶ و سرعت در لایه زیرین مرز موهو را ۹۹ر۷ در نظر بگیریم (قربانی چگنی، ۱۳۸۶)، آن گاه با فرض اینکه بیشینه بازتاب موج از مرز ناپیوستگی سرعت، تحت زاویه بحرانی به سطح میرسد (لی و والاس، ۱۹۹۵) (شکل ۶) و با در نظر گرفتن هندسه ساده پرتوی موج بازتابی (شکل ۵)، می توان ضخامت مرزهای ناپیوستگی را محاسبه کرد. این محاسبه از روی R و زاویه بحرانی طبق رابطه (۵) صورت می گیرد و h به دست می آید. زاویه بحرانی با فرض مدل ساده یکلایه روی نیم فضا از رابطه و برابــــر بـــا (درجـــه $\sin(i_c) = \frac{V_l}{V_l}$

در مدل چگنی و همکاران یک اختلاف سرعت مهم در عمق ۳۰ کیلومتری دیده می شود. جوان دولوئی و روبرتز (۲۰۰۳) هم یک اختلاف سرعت قابل توجه در ۳۰ کیلومتر مشاهده کردهاند که نتایج هر دو تحقیق و این مقاله وجود یک مرز ناپیوستگی سرعت قبل از موهو را در ناحیه تهران تایید می کند. کردهاند. علاوه براین، صدودی و همکاران (۲۰۰۴) با استفاده از روش تابع گیرنده یک نقشه برای ضخامت موهو در زیر تهران عرضه کردهاند و در آن ضخامت متوسط پوسته در زیر البرز مرکزی ۴۸ کیلومتر به دست آمده است. همهٔ این تحقیقات، مقدار ضخامت موهو، محاسبه شده در بالا، را تایید میکنند. اگر رابطه (۶) را با فاصله (۵۵ = R) محاسبه کنیم ۵ر ۴۲ به دست می آید.



شکل ۵. هندسه مسیر پرتوهای مستقیم و بازتابی. رابطه (۱–۵) بدون در نظر گرفتن اثر عمق و رابطه (۱–۲) با در نظر گرفتن اثر عمـق منبـع مـوج بـرای ضخامت یک لایه روی نیمفضا نوشته شده است.



شکل ٦. ضرایب بازتاب موج S_H برحسب زاویه بحرانی برای یک مدل یکلایه روی نیمفضا. افزایش شدید دامنه موج بازتابی در زاویه بحرانی دیده می شود.

۷ نتیجه گیری

از نتایجی که از نمایش منحنیهای کاهندگی با استفاده از الگوریتم Robust Lowess به دست آمده است می توان به این این موارد اشاره کرد که ۱- فرض شکل Hinged Trilinear (سه خط راست به هم لولا شده) براي منحنیهای کاهندگی اگر چه فرض درستی است اما دقیق نیست و در محاسباتی که شکل منحنی کاهندگی با دقت بالا مورد نیاز است می توان از منحنی های ۵ تکه یا ۷ تکه که به واقعیت نزدیک ترند استفاده کرد. در فرض Hinged Trilinear از بسیاری از جزئیات صرفنظر شده است. ۲- ضریب پخش هندسی در تکه میانی منحنی کاهندگی، b2، برخلاف ادعاهای پیشین که مستقل از بسامد در نظر گرفته میشد، کمیتی وابسته به بسامد است. این نکته با مشاهده رفتار منحنیهای کاهندگی در فاصله ۱۰۶ تا ۱۹۱ کیلومتر و در بسامدهای گوناگون به وضوح دیده میشود. ۳- الگوريتم Robust Lowess به ما امکان مشاهده جزئیات موجود روی منحنی های کاهندگی را میدهد. از روی این جزئیات و با استفاده از ارتباط آنها با پارامترهای مؤثر در شکل منحنیهای کاهندگی میتوان به برآوردی از خصويات اين پارامترها دست يافت. ضخامت ناپیوستگیهای پوسته که محل شکستگیهای منحنی به آنها بستگی دارد بهمنزلهٔ یک نمونه از اطلاعاتی که با داشتن شکل منحنی کاهندگی می توان به دست آورد، محاسبه شد. اندازه ضخامت ناپیوستگی کُنراد در ناحیه تهران ۵ر۲۴ کیلومتر و برای موهو ۵ر۴۶ کیلومتر به دست آمد که در مورد مرز موهو همخوانی بسیار خوبی با سایر تحقیقاتی که در این ناحیه صورت گرفته است دیده مىشود.

تشكر و قدرداني

از دکتر داریوش معتضدیان (دانشگاه کارلتون کانادا)، دکتر فرانک کروگر(دانشگاه پتسدام آلمان)، دکتر فرهاد ثبوتی و آقایان هادی رحمانی و روحا... عسکری به خاطر

در این تحقیق برای حذف اثراتی چون جهتپذیری و حذف اثر منبع از روی دامنه موج عرضی، از زلزلههایی با بزرگی بین ۲ر۳ و ۹ر۳ استفاده شد. استفاده از ثبتهای دارای گاف مکانیابی کمتر از ۱۸۰ درجه، پراکندگی داده را به طور قابل توجهی کاهش و در حذف اثر الگوی تابش و سازوکار گسلش بسیار مؤثر واضح شد. پس از آن با استفاده از الگوریتم Robust Lowess شکل نمودار کاهندگی در ناحیه بدون آنکه برای برازش کردن هیچ قید ریاضی روی داده قرار داده شود، به دست آمد و از روی آن اثر ناپیوستگی موہو مشاہدہ شد. یک کاہش شیب کاهندگی در حدود ۵۵ کیلومتر و پس از آن یک تختشدگی دیگر در حدود ۱۰۶ کیلومتر دیده شد. کاهش شیب کاهندگی در ۵۵ کیلومتر میبایست به یک ناپیوستگی تند سرعت قبل از موہو مربوط باشد که ما آن را ناشی از مرز کنراد میدانیم. تختشدگی یا شکستگی ثانویه در فاصله ۱۰۶ کیلومتری را به بازتابهای مرز موهو نسبت دادهایم. فاصله ۱۰۶ کیلومتری اگرچه در مقایسه با تحقيقات مشابه براي بهدست آوردن مكان اولين رسيد فاز SmS فاصله بزرگیتری است ولی با ساختار زمین شناسی ناحیه (محل برخورد پوسته قارهای) که وجود یک مرز موهو در عمق بیش از ۴۰ کیلومتر را شامل می شود، همخوانی دارد. یک واپیچش شدید در شکل منحنی کاهندگی از فاصله حدود ۱۵۵ کیلومتر شروع شده است که تنها در بسامدهای کم دیده می شود. این تقویت در بسامدهای ۱، ۶ر۱ و ۲ هرتز به وضوح دیده می شود ولی از بسامد ۵ هرتز به بعد اثر آن به طور قابل توجهي كاهش مییابد. این واپیچشها احتمالاً به سبب حضور موج Sn در پنجره سیگنال در فواصل بیش از ۱۵۵ کیلومتر ایجاد شده است. از فاصله ۱۹۱ کیلومتر به بعد یک تغییر روند کاهندگی مشاهده میشود که ناشی از تغییر شکل موج از حجمي به سطحي است.

1992, Local regression models, in Chambers, J. M., and Hastie, T., eds., Statistical Models in S, Pacific Grove, California, Belmont, CA, Wadsworth and Brooks/Cole, 309–376.

- Doloei, J. and Roberts, R., 2003, Crust and uppermost mantle structure of Tehran region from analysis of teleseismic P-waveform receiver functions: Tectonophysics., **364**, 115-133.
- Ghods A. and Sobouti, F., 2005, Quality assessment of seismic recording: Tehran seismic telemetry network: Asian Journal of Earth Sciences, **25**, 687-694.
- Hesami, H., Jamali, F. and Tabassi, H., 2003, Major Active Fault of Iran, International Institute of Earthquake Engineering and Seismology, Tehran, Iran.
- Lay, T. and Wallace, T., 1995, Modern Global Seismology, Academic Press.
- McArthur J. M. and Howarth, R. J., 2001, Strontium Isotope Stratigraphy: LOWESS Version 3: Best Fit to the Marine Sr-Isotope Curve for 0–509 Ma and Accompanying Look-up Table for Deriving Numerical Age: Journal of Geology, **109**, 155–170.
- Mereu, R., Wang, D., Kuhn, O., Forsyth, D., Green, A., Morel, P., Buchbinder, G., Crossley, D., Schwarz, E., duBerger, R., Brooks, C. and Clowes, R., 1986, The 1982 COCRUST seismic experiments across the Ottawa-Bonnechere graben and Grenville Front in Ontario and Quebec: Geophys. J. R. Astr. Soc. 84, 491-514.
- Motazedian, D., 2006, Region-Specific Key Seismic Parameters for Earthquakes in Northern Iran: Bull. Seism. Soc. Am., **96**, doi: 10.1785/0120050162.
- Motazedian, D. and Atkinson, G. M., 2005, Ground motion relations for Puerto Rico: Geological Society of America bulletin, GSA, **385**, 61–80.
- Ou, G. and Herrmann, R., 1990, A statistical model for peak ground motion from local to regional distances: Bull. Seism. Soc. Am., **80**, 1397–1417.
- Press, W. H., Numerical Recipes in Fortran, 1992, 694 pp., Cambridge University Press.
- Shin, T. and R. Herrmann, 1987, Lg attenuation and source studies using 1982 Miramichi data: Bull. Seism. Soc. Am., 77, 384-397.
- Sobouti, F. and Arkani-Hamed, J., 1996, Numerical modelling of the deformation of the Iranian plateau: Geophys. J. Int., **126**, 805-818.
- Sodoudi, F., Kind, R., Kamalian, N. and

کمکها و پیشنهادات مفیدشان قویاً سپاسگزاری می کنیم. از دو داور گرامی که با پیشنهادات سازنده خود باعث بهبود و تقویت این مقاله شدند ممنونیم. از آقای احسان قربانی چگنی به خاطر کمک و همراهیش در تهیه و بهبود بانک داده متشکریم. همچنین بدینوسیله از مؤسسهٔ ژئوفیزیک دانشگاه تهران به خاطر در اختیار قرار دادن بانک داده مورد استفاده در این تحقیق تشکر می کنیم.

منابع

- زارع، م.، ۱۳۸۴، مقدمهای بر زلزلهشناسی کاربردی، پژوهشگاه بینالمللی زلزلهشناسی و مهندسی زلزله، صفحه ۲۴۹. قربانی چگنی، ا.، ۱۳۸۶، توموگرافی لرزهای یکبعدی برای منطقه تهران و اطراف، پایاننامه کارشناسی ارشد، مرکز تحصیلات تکمیلی در علوم پایه زنجان، اران.
- Atkinson, G. M., 2004, Empirical attenuation of ground-motion spectral amplitudes in southeastern Canada and the northeastern United States: Bull. Seism. Soc. Am., 94(2), 2419–2423.
- Atkinson, G. M. and Mereu, R., 1992, The shape of ground motion attenuation curves in southeastern Canada: Bull. Seism. Soc. Am., 82(5), 2014–2031.
- Burger, R., Somerville, P., Barker, J., Herrmann, R. and Helmberger, D., 1987, The effect of crustal structure on strong ground motion attenuation relations in eastern North America: Bull. Seism. Soc. Am., 77, 420–439.
- Chambers, J. M., Cleveland, W. S., Kleiner, B. and Tukey, P. A., 1983, Graphical Methods for Data Analysis: Belmont, CA, Wadsworth, 395 pp.
- Chun, K., West, G., Kokoski, R. and Samson, C., 1987, A novel technique for measuring Lg attenuation: results from eastern Canada between 1 to 10 Hz: Bull. Seism. Soc. Am., 77, 398-419.
- Cleveland, W. S., 1979, Robust Locally Weighted Regression and Smoothing Scatterplots: J. Am. Statist. Assoc., 74, 829–836.
- Cleveland, W. S., Grosse, E. and Shyu, W.M.,

Sadidkhoy, A., 2004, The crust and upper mantle structure of the central Alborz (Iran) using teleseismic receiver function, EGU meeting 2004, Nice, France.

- Thisted, R. A., 1988, Elements of Statistical Computing: New York, Chapman and Hall, 427 pp.
- Yang, Y. H., Dudoit, S., Luu, P., Lin, D. M., Peng, V., Ngai, J. and Speed, T.P., 2002, Normalization for cDNA microarray data: a robust composite method addressing single and multiple slide systematic variation, Nucleic Acids Research, **30**(4):e15.