

## برآورد مرز بی‌هنگاری‌های میدان پتانسیل با مشتق قائم سیگنال تحلیلی

کمال علمدار<sup>۱\*</sup> و عبدالحمید انصاری<sup>۲</sup>

<sup>۱</sup> کارشناس ارشد اکتشاف معدن، دانشکده مهندسی معدن و متالورژی، دانشگاه یزد

<sup>۲</sup> عضو هیئت علمی، دانشکده مهندسی معدن و متالورژی، دانشگاه یزد

(دریافت: ۸/۱۱/۹، پذیرش نهایی: ۸/۷/۲۱)

### چکیده

روش‌های میدان پتانسیل شامل روش‌های گرانی‌سنجدی و مغناطیس‌سنجدی، جزو پرکاربردترین روش‌های ژئوفیزیکی در زمینه اکتشاف منابع معدنی به شمار می‌روند. در این مقاله روشی با دقت زیاد برای شناسایی و برآورد مرز ساختارهای زمین‌شناسی مانند گسل یا دایک از روی بی‌هنگاری‌های میدان پتانسیل معرفی شده است. این روش از مشتقات قائم سیگنال تحلیلی استفاده می‌کند. در موقعي که چندین توده با ویژگی‌های متفاوت در مجاورت هم قرار دارند و همچنین در مواردی که توده سبب شونده بی‌هنگاری داری مغناطیسی باقی‌مانده ناشناخته است، این روش کاربرد گسترده‌ای دارد. این روش روی داده‌های گرانی‌سنجدی جنوب غرب انگلستان به کار رفته است و نتایج آن با روش‌های مشتق قائم و مشتق افقی کل مقایسه شده است. با کاربرد این روش، رخمنون توده‌های گرانیتی و گسل‌های جداکننده آنها با دقت زیادی مشخص شده‌اند.

واژه‌های کلیدی: میدان پتانسیل، سیگنال تحلیلی، مشتق قائم، مغناطیس‌سنجدی، گرانی‌سنجدی، جنوب غرب انگلستان

## Edge detection of potential field anomalies using vertical derivative of analytic signal

Alamdar, K.<sup>1</sup> and Ansari, A. H.<sup>2</sup>

<sup>1</sup>M.Sc. in mineral exploration, Department of Mining and Metallurgical Engineering, Yazd University, Yazd, Iran

<sup>2</sup>Ph.D. in exploration geophysics, Department of Mining and Metallurgical Engineering, Yazd University, Yazd, Iran

(Received: 28 Jan 2009, Accepted: 13 Oct 2009)

### Abstract

The analytic signal for magnetic anomalies was initially defined as a “complex field deriving from a complex potential” (Nabighian, 1972). This function can be computed easily in the frequency domain, its real part is the horizontal derivative of the field and its imaginary part is the vertical derivative. Analytic signal processing and interpretation requires few initial assumptions regarding the source body geometry and magnetization and is particularly efficient at an early stage of the interpretation even if constraints are not available.

For 2-D structures (Nabighian, 1972), the method assumes that the causative bodies have a polygonal cross-section with uniform magnetization. Such structures can also be considered as the superimposition of a finite number of magnetic steps. Narrow dikes and thin sheets can also be taken into account using a lower order of derivation; for example, the field itself instead of the horizontal derivatives. Nabighian (1972) demonstrates that the analytic signal has simple poles at each corner of the structures. The amplitude of the analytic signal is a bell-shaped symmetric function maximizing exactly over the top of each contact, with the width of the amplitude curve being related directly to the depth of the contact. This is also true for any of the derivatives of the signal (Nabighian, 1974); these properties can be used to locate the magnetic contacts and to estimate their depths.

Extension of the 2-D analytic signal to three dimensions will allow more general interpretation procedures to be developed, the two-dimensionality assumption being no longer required. The relationship between the horizontal and vertical derivatives for the 3-D case was first derived by Nabighian (1984).

As with the 2-D case, the vertical and horizontal derivatives are Hilbert transforms of each other and so the concept of the analytic signal in 2-D can be extended to three dimensions. The analytic signal amplitude can then be defined as “the square root of the squared sum of the vertical and the two horizontal first derivatives of the magnetic field” (Roest et al., 1992).

Because of interference effects, the use of the simple analytic signal in the 3-D case seems insufficient to detect geologic boundaries. Since the existing interference is usually inevitable, improving resolution becomes a requirement. In the 2-D case, Nabighian (1974) suggested using the following bell-shaped function to enhance the analytic signal from shallow sources:

$$\left( \frac{\partial^n G_h}{\partial h^n} \right) + \left( \frac{\partial^n G_z}{\partial h^n} \right) = \frac{(1^2 \times 2^2 \times 3^2 \times \dots \times n^2) \alpha^2}{(d^2 + h^2)^{n+1}}, \quad (1)$$

where  $G_h$  and  $G_z$  are the horizontal and vertical gradients of the potential-field anomaly, respectively;  $h$  is the distance along the horizontal axis which is perpendicular to the strike of the 2-D structure;  $n$  is a positive integer;  $d$  is the depth to the top surface of the source, while the lower surface is at infinity;  $\alpha$  is the ambient parameter and is equal to  $\alpha = 2KFc \sin \theta$  when the step model of magnetic anomaly is applied;  $k$  is the susceptibility contrast of the step model;  $F$  is the earth's magnetic field magnitude;  $\theta$  is the dip angle of the step model;  $c = 1 - \cos^2 i \sin^2 \psi$  for total magnetic field anomalies;  $i$  is the inclination of the earth's magnetic field; and  $\psi$  is the angle between magnetic north and positive  $h$ -axis. All the above parameters are presented in Fig. 1.

In the 3-D case, the simple analytic signal is defined in Nabighian (1984) as:

$$AS_0(x, y) = \frac{\partial G}{\partial x} \hat{x} + \frac{\partial G}{\partial y} \hat{y} + i \frac{\partial G}{\partial z} \hat{z}, \quad (2)$$

and its amplitude as:

$$|AS_0(x, y)| = \sqrt{\left( \frac{\partial G}{\partial x} \right)^2 + \left( \frac{\partial G}{\partial y} \right)^2 + \left( \frac{\partial G}{\partial z} \right)^2}, \quad (3)$$

To extend equation (1) into the 3-D case, we define the  $n^{\text{th}}$ -order enhanced analytic signal as:

$$AS_n(x, y) = \frac{\partial}{\partial x} \left( \frac{\partial^n G}{\partial z^n} \right) \hat{x} + \frac{\partial}{\partial y} \left( \frac{\partial^n G}{\partial z^n} \right) \hat{y} + i \frac{\partial}{\partial z} \left( \frac{\partial^n G}{\partial z^n} \right) \hat{z}, \quad (4)$$

and its amplitude as:

$$|AS_n(x, y)| = \sqrt{(\nabla^n G_x)^2 + (\nabla^n G_y)^2 + (\nabla^n G_z)^2}, \quad (5)$$

For  $n = 2$ , equation (4) corresponds to the enhanced analytic signal derived from second vertical derivative, and the amplitude of equation (5) becomes:

$$|A_2(x, y)| = \sqrt{(\nabla^2 G_x)^2 + (\nabla^2 G_y)^2 + (\nabla^2 G_z)^2}, \quad (6)$$

where  $G$  is the potential-field anomaly and  $\nabla^n = \frac{\partial^n}{\partial z^n}$ .  $G_x = \frac{\partial G}{\partial x}$ ,  $G_y = \frac{\partial G}{\partial y}$ ,  $G_z = \frac{\partial G}{\partial z}$ .

Equation (6) is used hereafter as an example to demonstrate the improvement of the

detection of geologic boundaries. In this paper the applicability of this method is demonstrated on synthetic gravity data from the vertical cylinder model. Also this method was applied on real gravity data from southwest England successfully. In this regard the granites bodies and their separating faults have been enhanced in which the results of our method have broad correlation with the geological map.

**Key words:** Potential field, Analytic signal, Vertical derivative, Magnetic, Gravity, Anomaly, Southwest England.

## ۱ مقدمه

همکاران، ۱۹۹۸) برای حل این مشکل با توجه به اینکه مشتق قائم عرض بی هنجاری ها را باریکتر می کند، از مشتقات قائم مرتبه بالاتر سیگنال تحلیلی در حوزه بسامد استفاده کردند. در این زمینه بهترین مرتبه مشتق قائم، مرتبه دوم سیگنال تحلیلی است. در این نوشتار این روش در حوزه مکان روی داده های گرانی سنگی جنوب غرب انگلستان به کار رفته است.

۲ برآورد مرز توده ها با مشتق قائم سیگنال تحلیلی روش های خودکار و نیمه خودکار متفاوتی برای تعیین مشخصات هندسی (شامل مرزها و عمق) توده های مولد بی هنجاری میدان پتانسیل گسترش یافته اند. اساس اکثر این روش ها استفاده از مشتق قائم و افقی بی هنجاری های میدان پتانسیل است. موفقیت و دقت نتایج به دست آمده از روش های گوناگون، تابع فرض های به کار رفته در این روش ها است و هر روش معایب و مزایایی دارد. برای مثال مزیت استفاده از تابع سیگنال تحلیلی در تفاسیر، نبود نیاز به آگاهی از پارامتر های بردار مغناطیس زمین و همچنین بردار مغناطیس توده است. این گونه فرض ها در موقعی که تشخیص مغناطیس شدگی باقی مانده و القایی غیر ممکن است، بسیار مفید است (هسو و همکاران، ۱۹۹۸).

به خاطر وجود اثر تداخل توده های گوناگون مولد بی هنجاری که در مجاورت هم قرار دارند، استفاده از سیگنال تحلیلی ساده به منظور برآورد مرز، نامناسب است (هسو و همکاران، ۱۹۹۸). برای حل این مشکل از مشتقات

روش های گوناگونی برای برآورد مرز ساختارهای زمین شناسی (گسل، دایک و مانند آن) از روی بی هنجاری های میدان پتانسیل وجود دارد. در همه این روش ها، از تغییرات یک کمیت در سرتاسر نقشه و به خصوص در نواحی توده استفاده می شود (نبیقیان، ۱۹۷۲؛ کردل، ۱۹۷۹؛ بلکلی و سیمپسون، ۱۹۸۶). در این زمینه مناسب ترین کمیت، محاسبه گرادیان داده های میدان پتانسیل شامل گرادیان افقی و قائم است. با محاسبه گرادیان افقی داده ها بیشینه مقدار آن در بالای لبه های توده مولد بی هنجاری قرار می گیرد و بدین صورت تباينی بین توده و دیگر قسمت های نقشه ایجاد می شود. استفاده از فیلتر مشتق قائم یکی دیگر از روش های برآورد مرز است. مشتق قائم عرض بی هنجاری ها را باریکتر و موقیت بی هنجاری ها را با دقت بیشتری مشخص می کند (کوپر و کوان، ۲۰۰۴). در این روش کمینه مقدار مشتق قائم روی مرز های توده قرار می گیرد. سیگنال تحلیلی ترکیبی از گرادیان افقی و قائم داده های میدان پتانسیل است که بیشینه مقدار آن روی لبه های توده قرار می گیرد (نبیقیان، ۱۹۷۲ و ۱۹۷۴). مزیت استفاده از این روش وابسته نبودن اندازه سیگنال تحلیلی به مشخصات بردار مغناطیس شدگی توده و همچنین بردار مغناطیس زمین است (نبیقیان، ۱۹۷۲ و ۱۹۷۴؛ روئست و همکاران، ۱۹۹۲). با این حال هنگامی که توده های سبب شونده با پارامتر های متفاوت در مجاورت هم قرار گیرند، تفکیک بین مرز توده ها صورت نمی گیرد (گراج و کردل، ۱۹۸۷). (هسو و

در حالت سه بعدی سیگنال تحلیلی ساده ( $A_0(x, y)$ ) میدان پتانسیل  $G$  از رابطه زیر محاسبه می شود (نبیقیان، ۱۹۷۴؛ بلکلی، ۱۹۹۶):

$$AS_0(x, y) = \frac{\partial G}{\partial x} \hat{x} + \frac{\partial G}{\partial y} \hat{y} + i \frac{\partial G}{\partial z} \hat{z} \quad (2)$$

و اندازه سیگنال تحلیلی ساده نیز از رابطه (۳) محاسبه می شود:

$$|AS_0(x, y)| = \sqrt{\left(\frac{\partial G}{\partial x}\right)^2 + \left(\frac{\partial G}{\partial y}\right)^2 + \left(\frac{\partial G}{\partial z}\right)^2} \quad (3)$$

با تعمیم رابطه (۱) برای حالت سه بعدی، محاسبه مشتق مرتبه  $n$  از سیگنال تحلیلی ساده با استفاده از رابطه زیر به دست می آید (هسو و همکاران، ۱۹۹۶):

$$AS_n(x, y) = \frac{\partial^n}{\partial x} \left( \frac{\partial^n G}{\partial z^n} \right) \hat{x} + \frac{\partial^n}{\partial y} \left( \frac{\partial^n G}{\partial z^n} \right) \hat{y} + i \frac{\partial^n}{\partial z} \left( \frac{\partial^n G}{\partial z^n} \right) \hat{z} \quad (4)$$

اگر رابطه فوق به شکل زیر بازنویسی شود:

$$AS_n(x, y) = \frac{\partial^n}{\partial z^n} \left( \frac{\partial G}{\partial x} \right) \hat{x} + \frac{\partial^n}{\partial z^n} \left( \frac{\partial G}{\partial y} \right) \hat{y} + i \frac{\partial^n}{\partial z^n} \left( \frac{\partial G}{\partial z} \right) \hat{z}$$

آن گاه می توان اندازه رابطه (۴) را از رابطه زیر محاسبه کرد (هسو و همکاران، ۱۹۹۶):

$$|AS_n(x, y)| = \sqrt{(\nabla^n G_x)^2 + (\nabla^n G_y)^2 + (\nabla^n G_z)^2} \quad (5)$$

که در این رابطه  $G_y = \frac{\partial G}{\partial y}$  و  $G_x = \frac{\partial G}{\partial x}$   $\nabla^n = \frac{\partial^n}{\partial z^n}$

و  $G_z = \frac{\partial G}{\partial z}$  اندازه مشتق قائم مرتبه  $n$  سیگنال تحلیلی است.

برای به دست آوردن اندازه مشتق قائم مرتبه دوم سیگنال تحلیلی در رابطه (۵) مقدار  $n$  مساوی با ۲ انتخاب می شود:

$$|A_2(x, y)| = \sqrt{(\nabla^2 G_x)^2 + (\nabla^2 G_y)^2 + (\nabla^2 G_z)^2} \quad (6)$$

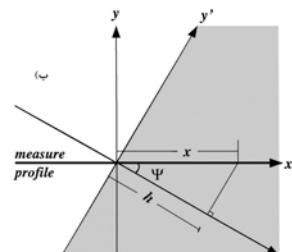
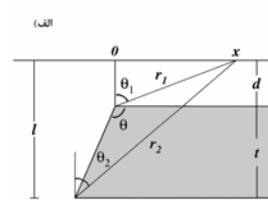
در این نوشتار همه مشتقات در حوزه مکان محاسبه می شوند که مزیت آن القاء نشدن نوفه به فیلتر سیگنال

مرتبه بالاتر سیگنال تحلیلی استفاده می شود که استفاده از مشتق مرتبه دوم بهترین نتایج را به دست می دهد. برای حالت دو بعدی می توان ازتابع زنگوله ای زیر برای به دست آوردن مشتقات بالاتر سیگنال تحلیلی استفاده کرد (نبیقیان، ۱۹۷۴):

$$\left( \frac{\partial^n G_h}{\partial h^n} \right) + \left( \frac{\partial^n G_z}{\partial h^n} \right) = \frac{(1^2 \times 2^2 \times 3^2 \times \dots \times n^2) \alpha^2}{(d^2 + h^2)^{n+1}} \quad (1)$$

در این رابطه  $G_h$  و  $G_z$  به ترتیب گرادیان افقی و قائم داده های میدان پتانسیل هستند.  $h$  فاصله ای در طول محور افقی است که عمود بر امتداد توده دو بعدی اندازه گیری می شود.  $n$  عددی مثبت است که مرتبه مشتق را تعیین می کند.  $d$  عمق تا توده است (و کف توده در بینهایت فرض می شود).

$K$ ، (Step model) برای مدل پله ای  $\alpha = 2KFc \sin \theta$  ضریب خودپذیری مغناطیسی توده،  $F$  بردار مغناطیس زمین،  $\theta$  زاویه شب مدل پله ای،  $c = 1 - \cos^2 i \sin^2 \psi$  که  $i$  زاویه میل بردار مغناطیس زمین و  $\psi$  زاویه بین شمال مغناطیسی و محور  $h$  است. همه پارامترهای فوق در شکل (۱) نشان داده شده است (هسو و همکاران، ۱۹۹۸).

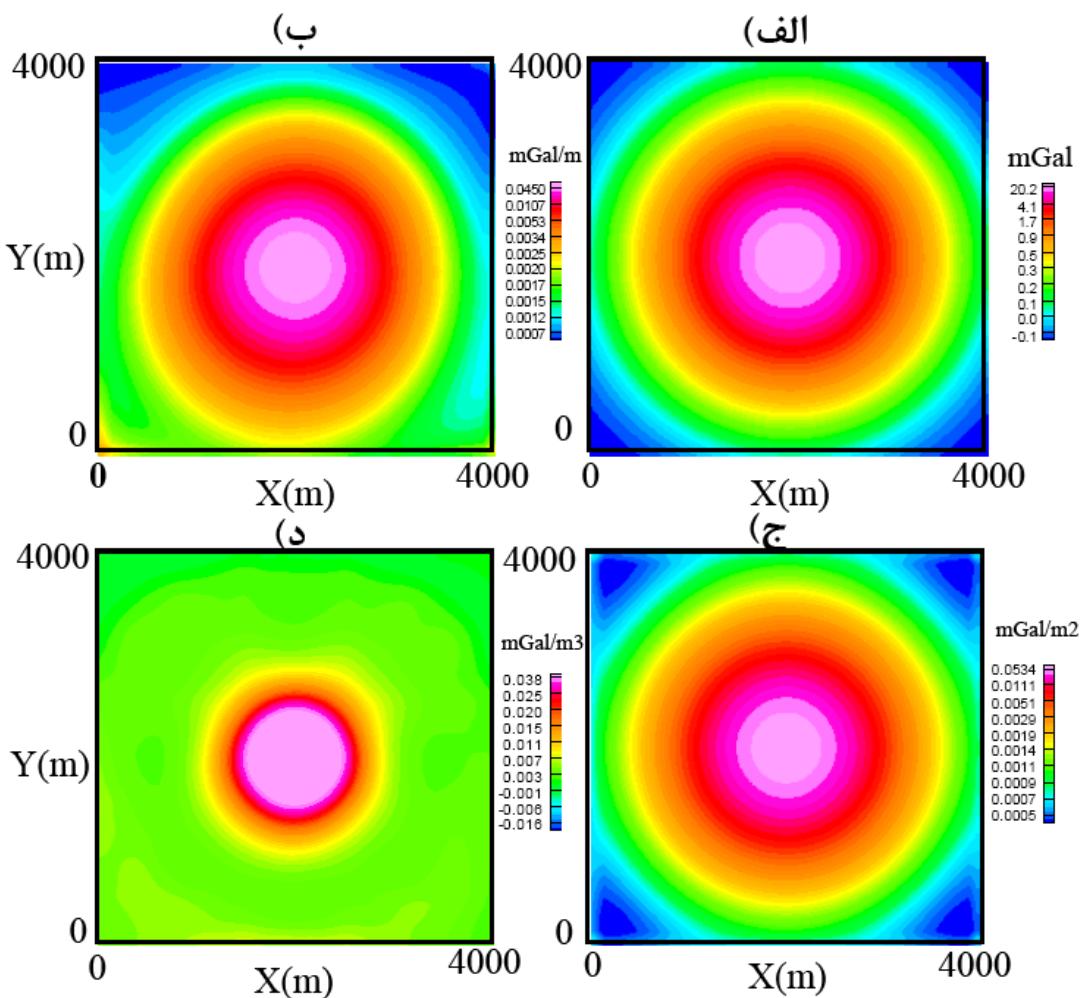


شکل ۱. (الف) مقطع دو بعدی مدل پله ای. ب) نقشه مدل پله ای (هسو و همکاران، ۱۹۹۶).

برآورد مرز توده مدل با استفاده از سیگنال تحلیلی ساده (رابطه ۲) را نشان می دهد. همان طور که مشخص است در این روش مرز توده ها به صورت هاله مشخص شده است به طوری که مرز توده با مجاور به صورت آشکار، مشخص نیست. در شکل (۲،د) برآورد مرز توده ها با استفاده از روش مشتق قائم مرتبه دوم سیگنال تحلیلی صورت گرفته است. در این مورد مرز برآورد شده دارای دقت و وضوح بیشتری است به طوری که حدود توده با اطراف برجسته شده است.

تحلیلی است. برای برآورد مرز توده های مغناطیسی از رابطه (۶) استفاده می شود در این صورت بیشینه مقدار آن روی لبه های توده قرار خواهد گرفت.

شکل (۲) کاربرد روش را روی بی هنجاری گرانی مدل استوانه قائم نشان می دهد. شکل (۲،الف) پاسخ گرانی مدل را نشان می دهد. مدل در عمق ۵۰۰ متری قرار دارد و داده ها در یک شبکه  $10 \times 10$  تولید شده اند. در شکل (۲،ب) نقشه مشتق افقی کل داده های گرانی مدل آمده است که بیشینه مقدار آن روی مرز گرفته است اما تشخیص حدود توده از اطراف دشوار است. شکل (۲،ج)

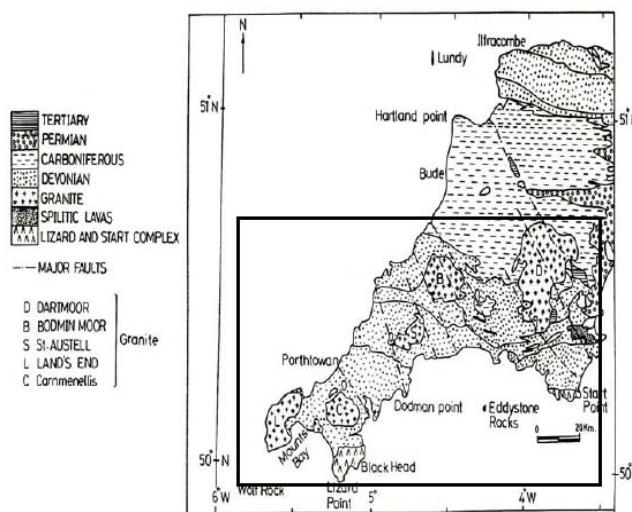


شکل ۲. الف) پاسخ گرانی توده مدل استوانه قائم در عمق ۵۰۰ متری. ابعاد تصویر  $500 \times 500$  متر است. ب) نقشه مشتق افقی کل داده های گرانی قسمت الف. در این شکل مرزها به صورت متداخل با اطراف برآورد شده است. ج) نقشه سیگنال تحلیلی ساده داده های گرانی قسمت الف. د) نقشه مشتق قائم مرتبه دوم سیگنال تحلیلی. در این شکل حدود توده با اطراف با دقت زیادی مشخص شده است.

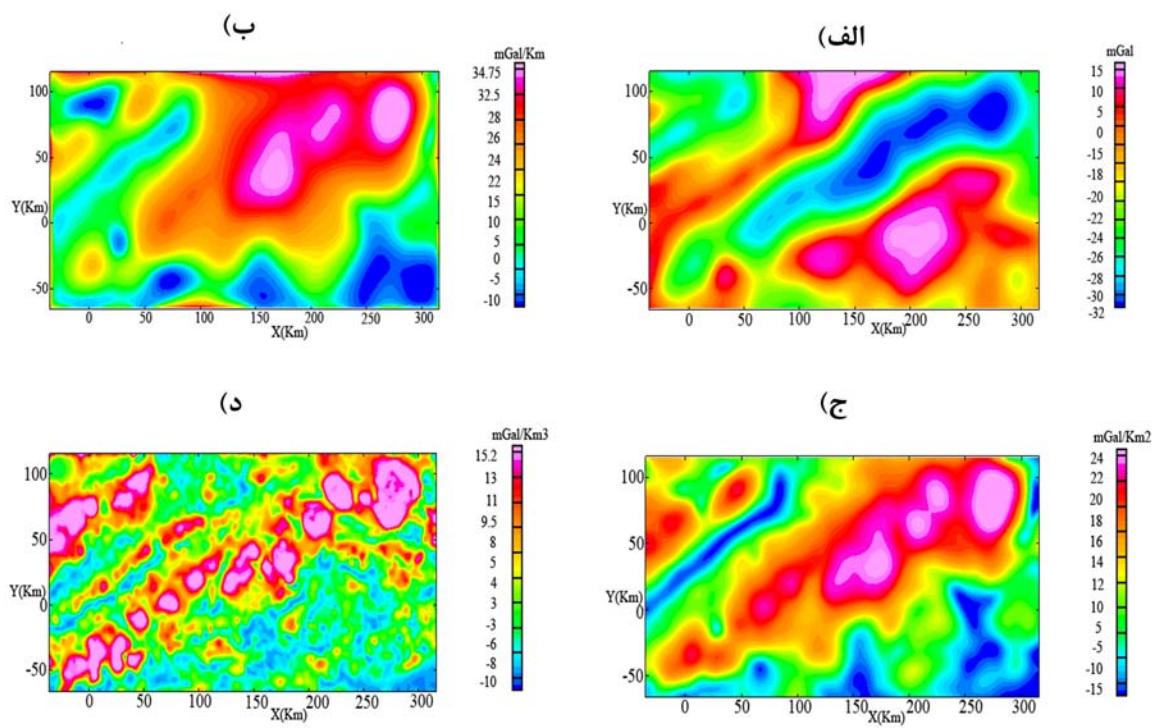
پرمین در طبقات پالنوزوئیک فوقانی نفوذ کرده‌اند (شکلتون و همکاران، ۱۹۸۲). باتولیت گرانیتی جنوب غرب انگلستان قبلاً با استفاده از داده‌های گرانیتی سنجی مدل‌سازی شده است. براین اساس پهنه‌ای توده گرانیتی در سطح زمین حدود ۱۰ کیلومتر و بین ۳۰ تا ۵۰ کیلومتر در قاعده است و قاعده آن در عمق بین ۱۰ تا ۱۲ کیلومتری قرار گرفته است (بوت و همکاران، ۱۹۵۸ و ۱۹۷۰؛ ادوارد، ۱۹۸۴؛ انصاری، ۲۰۰۲). در شکل (۴، الف) نقشه هم‌مقدار گرانیتی ناجیه نشان داده شده است. بی‌هنگاری منفی با روند شمال شرق - جنوب غرب منطبق بر گرانیت‌های یاد شده است که پنج رخمنون از آنها در نقشه زمین‌شناسی منطقه نشان داده شده است. در شکل (۴، ب) نقشه مشتق افقی کل داده‌های گرانیتی سنجی جنوب غرب انگلستان آمده است. در این شکل بیشینه مقدار مشتق روی محدوده گرانیت‌ها قرار گرفته است اما جدایشی بین توده‌های گرانیتی متفاوت و همچنین گسل‌های جداکننده آنها وجود ندارد. هدف از کاربرد فیلتر سیگنال تحلیلی و فیلترهای مشتق شده از آن مانند مشتق قائم مرتبه اول و دوم سیگنال تحلیلی، برآورد مرز و تفکیک رخمنون گرانیت‌ها و گسل‌های جداکننده آنها است.

### ۳ کاربرد روی داده‌های گرانیتی سنجی جنوب غرب انگلستان

نقشه زمین‌شناسی ساده شده منطقه مورد بررسی در شکل (۳) آمده است. گوشه ضلع جنوب غربی انگلستان رشته‌کوه کورنویین (Cornubian Massif) خوانده می‌شود که از سمت شمال و جنوب به ترتیب با دریاهای کلتیک (Celtic Sea) و کانال انگلیسی (English Channel) محصور شده است. در این رشته‌پنج رخمنون اصلی گرانیت از منطقه دارتمور (Dartmoor) تا جزایر سیلی (Scilly Isles) وجود دارد. همچنین تعدادی رخمنون کوچک و با شکل نامنظم دیگر نیز وجود دارد. جزایر سیلی و سون استون (Seven Stone) متشکل از توده‌های گرانیتی هستند که در ادامه رشته‌کوه پیش‌گفته در دریا قرار گرفته‌اند (ساین و استلینگ، ۱۹۶۹). در همه موارد گرانیت‌ها در اسلیت‌های خاکستری دونین و کربنیفر نفوذ کرده‌اند. این باتولیت‌های گرانیتی باعث ایجاد یک بی‌هنگاری منفی بزرگ با روند شمال شرقی - جنوب غربی شده‌اند که ناشی از چگالی کم گرانیت است (انصاری، ۲۰۰۲). براساس تعیین سن رادیومتری صورت گرفته، باتولیت‌های گرانیتی در اوخر کربنیفر و اوایل



شکل ۳. نقشه زمین‌شناسی ساده شده جنوب غرب انگلستان (کادر مشکی موقعیت برداشت‌های گرانیتی سنجی را نشان می‌دهد).



شکل ۴. کاربرد روش مشتق قائم سیگنال تحلیلی در برآورد مرز داده های گرانی سنگی جنوب غرب انگلستان.  
 (الف) نقشه هم مقدار گرانی جنوب غرب انگلستان.  
 (ب) نقشه مشتق افقی کل داده های گرانی جنوب غرب انگلستان؛ کاربرد این فیلتر محدوده گرانیت ها را مشخص می کند، اما تفکیکی بین توده های گرانیتی و موقعیت گسل های موجود صورت نمی گیرد.  
 (ج) نقشه مشتق قائم مرتبه اول سیگنال تحلیلی داده های گرانی سنگی جنوب غرب انگلستان.  
 (د) نقشه مشتق قائم مرتبه دوم سیگنال تحلیلی داده های گرانی سنگی جنوب غرب انگلستان. رخنمون توده های گرانیتی و گسل های موجود در منطقه با دقت قابل قبولی مشخص شده است.

است. در نقشه های مشتق افقی کل و مشتق قائم به ترتیب بیشینه مقدار و کمینه مقدار مشتق، فقط محدوده کلی گرانیت ها را مشخص می کند و تفکیکی بین توده های متفاوت و گسل های بین آنها صورت نمی گیرد. در نقشه سیگنال تحلیلی ساده نیز حدود این توده ها مشخص نیست اما از آنجاکه مشتق قائم عرض بی هنجاری ها را باریک تر می کند، با محاسبه مشتق قائم مرتبه دوم سیگنال تحلیلی حدود و موقعیت رخنمون پنج توده گرانیتی و گسل های جدا کننده آنها با دقت زیادی برآورد شده است که با شواهد موجود در نقشه زمین شناسی منطقه مطابقت دارد.

**تقدیر و تشکر**  
 بدین وسیله از دانشگاه یزد به خاطر فراهم آوردن امکانات مورد نیاز این مقاله تشکر و قدردانی می شود.

در شکل (۴، ج) نقشه مشتق قائم مرتبه اول سیگنال تحلیلی داده های گرانی قسمت الف آمده است. همان طور که مشاهده می شود، به دلیل مجاورت توده های گرانیتی با استفاده از سیگنال تحلیلی ساده تفکیک بین آنها صورت نمی گیرد. در شکل (۴، د) نقشه مشتق قائم مرتبه دوم سیگنال تحلیلی آمده است. با افزایش مرتبه مشتق قائم تفکیکی بین توده های گرانیتی با دقت بیشتری صورت می گیرد به طوری که رخنمون گرانیت ها و گسل ها با نقشه زمین شناسی منطقه مطابقت کامل دارد.

#### ۴ نتیجه گیری

در این نوشتار برای برآورد مرز پنج توده گرانیتی جنوب غرب انگلستان و گسل های جدا کننده آنها از فیلتر های مشتق افقی کل و سیگنال تحلیلی استفاده شده

## منابع

- Nabighian, M. N., 1974, Toward a three-dimensional automatic interpretation of potential field data via generalized Hilbert transforms: *Geophysics*, **49**, 780-786.
- Roest, W. R., Verhoef, J. and Pilkington, M., 1992, Magnetic interpretation using the 3-D analytic signal: **57**, 116-125.
- Shackleton, R. M., Ries, A. C. and Coward, M. P., 1982, Interpretation of the Variscan Structures in SW England: *Journal of the geological Society, London*, 533-541.
- Sabine, P. A., Snelling, N. J., 1969, the Seven Stone granite between Lands end and the Scilly Isles: *Proc. Geol. Soc. Lon.*, 47-50.
- Ansari, A. H., 2002, Geophysical investigations of the southwest British Isles, Unpublished PhD thesis: University of Bristol, UK.
- Bott, M. H. P., Day, A. A. and Masson-Smith, D; 1958, The geological interpretation of gravity and magnetic surveys in Devon and Cornwall, *Philosophical Transactions of the Royal Society of London*, 251A, 161-91.
- Bott, M. H. P., Holder, A. P., Long, R. E., and lucas, A. L., 1970, Crustal structure beneath the granites of southwest England, 93-102 in Mechanism of igneous intrusion, Newall, G., and Rast, N(editors), *Geological Journal Special Issue*, No.2.
- Blackley, R. J. and Simpson, R. W., 1986, Approximating edges of source bodies from magnetic or gravity anomalies: *Geophysics*, **51**, 1494-1498.
- Blakely, R. J., 1996, Potential Theory in Gravity and Magnetic Application: Cambridge University Press, 441 pp.
- Cordell, L., 1979, Gravimetric expression of graben faulting in Santa Fe country and Espanola Basin, New Mexico *Geol. Soc. Guidebook*, 30thField Conf., 59-64.
- Cooper, G. R. J., Cowan, D. R., 2004, Filtering using variable order vertical derivatives: *Computer and Geosciences*, **30**, 455-459.
- Edwards, J. W. F., 1984, Interpretation of seismic and gravity surveys over the eastern part of the Cornubian platform, 119-124 in Variscan tectonics of the North Atlantic region, Hutton, D. H. W. and Sanderson, D. H. (Editors): Geological Society Special publication, No.14.
- Grauch, V. J. and Cordell, L., 1987, Limitations of determining density or magnetic boundaries from horizontal gradient of gravity or pseudogravity data: *Geophysics*, **52**, 118-124.
- Hsu, S. K., Sibuet, J. C., Shyu, C. T., 1996b, Depth to magnetic source using generalized analytic signal: *Geophysics*, **61**, 373-386.
- Hsu, S. K., Coppense, D., Shyu, C. T., 1998, High- resolution detection of geologic boundaries from potential field anomalies, An enhanced analytic signal technique: *Geophysics*, **61**, 1947-1957.
- Nabighian, M. N., 1972, The analytic signal of two-dimensional magnetic bodies with polygonal cross-section: Its properties and use for automated anomaly interpretation: *Geophysics*, **37**, 507-517.