# پردازش و تفسیر دادههای رادار نفوذی به زمین (GPR)، بهمنظور تعیین ضخامت و توپوگرافی بستر یخچال علمکوه

سعيد پرنوا\*، ابوالقاسم كامكار روحاني'، عليرضا عرب اميري' و نعمتاله كريمي"

۱. دانشجوی کارشناسی، گروه ژئوفیزیک، دانشکدهٔ مهندسی معدن، نفت و ژئوفیزیک، دانشگاه صنعتی شاهرود، شاهرود، ایران ۲. دانشیار، گروه ژئوفیزیک، دانشکدهٔ مهندسی معدن، نفت و ژئوفیزیک، دانشگاه صنعتی شاهرود، شاهرود، ایران ۳. دکتری، مؤسسهٔ تحقیقات آب، پژوهشکدهٔ مطالعات و تحقیقات منابع آب، وزارت نیرو، تهران، ایران

(دریافت: ۹۳/۵/۲۲، پذیرش نهایی: ۹۴/۱۱/۱۱)

## چکیدہ

تعیین ضخامت یخچالهای کوهستانی مانند علم کوه باتوجه به شرایط آبوهوایی بسیار سرد، ارتفاع زیاد یخچال، خطر سقوط بهمن و توپوگرافی زیاد، کار بسیار دشواری است. در این پژوهش بهدلیل شفافبودن یخ برای امواج الکترومغناطیسی و غیرمخرب، سریع و دقیقبودن روش رادار نفوذی به زمین (GPR)، برای تعیین ضخامت و توپوگرافی بستر یخچال علم کوه از این روش استفاده شده است. دادههای GPR با استفاده از آنتن ۲۵ مگاهرتز به روش دور افت مشترک (common offset (یخچالهای علم کوه از علم کوه ای استفاده از آنتن ۲۵ مگاهرتز به روش دور افت مشترک (mode (یخچالهای علم چال، تختچال و تخت سلیمان)، توسط روش GPR برداشت شده است. جهت اختصار فقط دادههای سه پروفیل(a، b و c) واقع در یخچال علم چال، پردازش و تفسیر شدهاند. بعد از پردازشهای مناسب، بازتابهای بستر یخچال آشکارسازی شده و با قراردادن سرعت مناسب موج الکترومغناطیسی در یخ (۱۰۶ متر بر نانوثانیه)، ضخامت متغیر ۲۰ تا ۹۴ متر برای لایهٔ یخ در زیر پروفیلهای مورد بررسی، تخمین زده شده است. نشانگرهای دامنه، فاز و فرکانس لحظهای برای آشکارسازی و تفسیر بهتر لایههای زیر سطحی در مقاطع GPR، استدن شانگرهای دامنه، فاز و فرکانس لی ها به مرای برای لایهٔ یخ در زیر پروفیلهای مورد بررسی، تخمین زده شده است. نشانگرهای دامنه، فاز و فرکانس لحظهای برای آشکارسازی و تفسیر بهتر لایههای زیر سطحی در مقاطع GPR، استخراج شده است. نشانگرهای دامنهٔ مورد برای مرای لایهٔ یخ در زیر پروفیلهای مورد بررسی، تخمین زده شده است. نشانگرهای دامنه، فاز و فرکانس لحظهای برای آشکارسازی و تفسیر بهتر لایههای زیر سطحی در مقاطع GPR، استخراج شده است. نشانگر دامنهٔ لحظهای، بازتابهای بستر مورد بررسی، مشاهده شد که توپوگرافی بستر یخچال، کپی نسبتاً دقیقی از توپوگرافی سطح یخچال است.

واژه های کلیدی: توپوگرافی بستر یخچال، ضخامت یخ، یخچال علم کوه، رادار نفوذی به زمین (GPR).

#### ۱. مقدمه

یخچالها بهعنوان مهمترین منبع آب شیرین، ۶۸/۷ درصد از کل آبهای شیرین جهان را در خود ذخیره کردهاند (مویا و همکاران، ۲۰۱۳). در این میان یخچالهای کوهستانی به عنوان شاخصهای کلیدی برای تغییرات آبوهوا در طول سالیان مختلف، مکانهای مناسب برای جذب گردشگران و از منابع مهم آب شیرین در دورههای زمانی بلندمدت و کوتاهمدت به شمار میروند (ادر و همکاران، ۲۰۰۸؛ هاگ و علم کوه همچون یک سد در تأمین آب رودخانههای این منطقه، خصوصاً در دورههای خشکسالی و تابستان نقش مهمی ایفا میکند. این موضوع زمانی که

یخچالهای کوهستانی توسط زمینهای کشاورزی احاطه شدهاند و آبیاری در طول تابستان و اواخر بهار به آب حاصل از ذوب شدن یخچال بستگی دارد، از اهمیت بیشتری برخوردار است. ضخامت یخچال یکی از پارامترهای مهم برای پیش بینی مقدار آب حاصل از ذوب یخچال و تغییرات یخچال در طول سالیان است. چنین اطلاعاتی با توجه به شرایط آبوهوایی بسیار سرد، ارتفاع زیاد یخچال، خطر سقوط بهمن و همچنین باتوجه به زمان و نیروی کاری زیادی که در بررسیهای ژئوفیزیکی لازم است، به طورکلی کمیاب هستند. در برخی مطالعات (هاگ و همکاران، ۲۰۱۲؛ بیندر و

سطح آن براساس اصول (مکانیسم) حرکت یخچال، تخمین میزنند. این تخمین با در نظر گرفتن اینکه سطح یخچال کپی دقیقی از بستر یخچال است، به دست مى آيد. در اين مطالعات ضخامت يخچال طبق رابطة (١) تخمين زده مي شود (هاگ و همكاران، ۲۰۱۲):

 $h = t/(\rho.g.\sin\alpha).f$ که در آن h، ضخامت یخ (متر)؛ t، فشار برشی کف یخچال (کیلو پاسکال)؛ *q*، چگالی یخ (۹۱۰ کیلوگرم بر متر مکعب)؛ g، شتاب گرانش (۹/۸۱ متر بر مجذور ثانیه)؛ α، شیب سطح یخچال (درجه) و f، فاکتور شکل یخچال است. همان طور که در این فرمول دیده می شود، در قسمتهایی که شیب سطح یخچال زیاد است (فشار برشی کم)، حرکت یخچال سریع و ضخامت یخ کم است و در بخش های با سطح صاف و هموار ضخامت یخچال بیشتر است. برای تخمین دقیق ضخامت یخ از روشهای ژئوفیزیکی مختلفی همچون لرزهنگاری (بووس و همکاران، ۱۹۷۱؛ داوید و همکاران، ۲۰۰۷)، گرانیسنجی (کروسلی و کلارک ۱۹۷۰)، مقاومت ویژهٔ الکتریکی (آنجلوپولوس و همکاران، ۲۰۱۳) و مغناطیس سنجی (کنت و همکاران، ۱۹۶۶) در نقاط مختلف جهان استفاده شده است. با وجود این روش رادار نفوذی به زمین (GPR) تکنیکی نوین، غیرمخرب، سریع و دقيق است كه بهطور گسترده براى يخچالها استفاده می شود. ایدهٔ اصلی استفاده از رادار نفوذی به زمین به عنوان یک روش ژئوفیزیکی، به گزارش خلبانهای آمریکایی

مبنی بر دادههای نامعتبر رادار ارتفاعسنج هواپیماها در هنگام عبور از روی یخچالهای نواحی قطب جنوب (قبل از جنگ جهانی دوم)، برمیگردد. برمبنای همین گزارش.ها، در سال ۱۹۵۷ یک رادار ارتفاعسنج هواپیمای نيروي هوايي آمريكا، موفق به تعيين ضخامت يخ در نواحي قطب جنوب شد (پلیکا و گارت، ۲۰۱۰). امروزه با استفاده از این تکنیک، ضخامت، حجم و توپوگرافی بستر یخچالهای کوهستانی و قارهای در نقاط مختلف جهان بهخوبی آشکارسازی شده است (بیندر و همکاران، ۲۰۰۹؛ سینگ و همکاران، ۲۰۱۲؛ برنت و همکاران، ۲۰۰۷؛ واتسون و همکاران، ۲۰۰۸). در این پژوهش با استفاده از روش GPR برای اولین بار در ایران سعی شده که ضخامت و توپوگرافی بستر یخچال علمکوه با اعمال پردازشهای مناسب و تفسیرهای دقیق بررسی شود. با توجه به مشکلات و شرایط دشوار مناطق یخچالی، این مطالعات با برنامهریزی دقیق و تلاش های مستمر مسئولان و کارشناسان مؤسسهٔ تحقيقات آب انجام گرفته است.

# ۲. روش تحقيق

انواع مختلف سیستمهای رادار نفوذی به زمین (GPR) شامل آنتنهای فرستنده و گیرنده (پوششی و غیرپوششی)، واحد کنترل، کابل اتصال آنتن های فرستنده و گیرنده، سیستم ثبت و نمایش همزمان دادههای برداشتی هستند. در شکل ۱ قسمتهای مختلف یک سیستم رادار نفوذی به زمین حین برداشت روى يخچال علم كوه نشان داده شده است.



شکل ۱. تصویری از برداشت دادههای GPR روی یخچال علمکوه و نمایش قسمتهای مختلف سیستم GPR

(1)

رسانندگی الکتریکی (ms/m)	سرعت موج الكترومغناطيسي (m/ns)	گذردهی نسبی	مواد معمول
•	• /٣	١	هوا
•/•1	•/1V•-•/19V	۴_۳	يخ يخچالى
۰/۵	•/•٣٣	۸.	آب شيرين
1-•/•1	٠/١٣	9-4	گرانیت
-	•/**	۲-۱/۵	برف خشک

جدول ۱. خصوصیات الکترومغناطیسی مواد معمول (إدر و همکاران، ۲۰۰۸؛ برنت و همکاران، ۲۰۰۷)

اساس GPR بر مبنای اندازه گیری زمان رفت و برگشت امواج الکترومغناطیسی در محیط انتقالدهندهٔ موج و تبدیل مقطع زمانی به مقطع عمقی طبق رابطهٔ (۲) است (پالی، (۲۰۰۳):

 $D = \frac{V.t}{r} \tag{(Y)}$ 

که در آن، D عمق، t زمان رفت و برگشت موج الکترومغناطیسی و V که سرعت انتشار موج الکترومغناطیسی در محیط انتشار موج است، تابعی از گذردهی الکتریکی نسبی (گذردهی الکتریکی محیط انتقالدهندهٔ موج به گذردهی الکتریکی خلاً) است. در یک محیط غیررسانا مانند سیمان خشک و یخ سرعت موج الکترومغناطیسی به صورت رابطهٔ (۳) است (پالی، ۲۰۰۳):

$$V = \frac{1}{\sqrt{\varepsilon\mu}} = \frac{c}{\sqrt{\varepsilon_r}}$$

که در آن، C سرعت نور در خلا ( <sup>۸+</sup> ۱۰ × ۳ متر بر ثانیه) و Er و H به ترتیب گذردهی الکتریکی محیط نسبت به خلا و تراوایی مغناطیسی است. گذردهی الکتریکی مهم ترین پارامتر کنترل کنندهٔ انتشار امواج الکترومغناطیسی به صورت نسبت تعداد گشتاورهای دوقطبی القاشده در واحد حجم ماده، به میدان الکتریکی خارجی تعریف می شود (تلفورد و همکاران، ۲۰۰۴). گذردهی دی الکتریکی یخ به حجم آب فرایش مقدار واریزه و آب در یخ، گذردهی الکتریکی افزایش می یابد. در جدول ۱ خصوصیات الکترومغناطیسی افزایش می یابد. در جدول ۱ خصوصیات الکترومغناطیسی یکی از فاکتورهای مهم در بررسیهای GPR عمق نفوذ امواج الکترومغناطیس در محیط انتقال دهندهٔ موج است. می نفوذ امواج الکترومغناطیس به شدت تحت تأثیر اتلاف سیگنال به دلیل جذب انرژی توسط محیط انتقال دهندهٔ موج

قرار میگیرد (إدر و همکاران، ۲۰۰۸). بنابراین بررسی فاکتورهای کلیدی در تضعیف امواج الکترومغناطیسی برای طراحی برداشت دادههای GPR امری ضروری است. تضعيف موج الكترومغناطيسي توسط دو پارامتر فركانس موج الكترومغناطيسي و رسانندگی محيط انتقالدهندهٔ موج کنترل می شود، به طوری که با افزایش فرکانس و رسانندگی، تضعيف موج الكترومغناطيسي نيز بيشتر ميشود. تضعيف خیلی کم امواج الکترومغناطیسی در برف خشک و یخ به دلیل رسانندگی کم و نبود مواد دیالکتریک یا مغناطیسی باعث شده است که این محیطها بهترین مکانها برای انتقال امواج رادار با فرکانس های بیشتر از MHz ا باشند (دانیلز، ۲۰۰۴). در نواحی قطب جنوب با استفاده از آنتن های ۱۵۰MHz ا-۵۰ به عمق ۳ تا ۴ کیلومتر دست یافتهاند (جول، ۲۰۰۹). بررسی تئوری تفکیکپذیری به منظور تخمین عملکرد GPR در تفکیک لایهها بسیار مفید است. بهترین تفکیک پذیری عمودی در بررسی های GPR، ۱/۴ تا ۱/۲ طول موج غالب رادار است (بیندر و همکاران، ۲۰۰۹). طول موج بهصورت نسبت سرعت به فرکانس غالب موج الكترومغناطيسي با رابطة (۴) تعريف مي شود:

 $\lambda = \frac{V}{f} \tag{(f)}$ 

که در آن، لا طول موج، ۷ سرعت امواج الکترومغناطیس در محیط و f فرکانس غالب موج الکترومغناطیسی است که بیشترین تمرکز انرژی (بیشترین تأثیر بر دادهها) در آن وجود دارد. جدول ۲ محدودهٔ تفکیک پذیری نظری عمودی مواد مختلف در یخچال علمکوه را نمایش میدهد. همان طور که در این جدول مشاهده می شود، با افزایش فرکانس و رسانندگی، قدرت تفکیک پذیری نیز افزایش می یابد.

محيط انتقالدهندة موج الكترومغناطيسى				فركانس أنتن (MHz)
برف (خشک)	گرانیت	.ど	آب	
•/٢٣	•/1٣	•/19V	•/•٣	سرعت (m ns <sup>-1</sup> )
۲/۴-۴/۶	۱/۳-۲/۶	1/8V-4/44	•/٣_•/۶	۲۵
·/۵۷۵-۱۵/۱	•/۶۵-•/۳۲۵	•/۴-•/٨	•/•10-•/•٣	۱۰۰
•/110-•/۲۳	•/•90-•/18	•/Y-•/۴	•/•10-/•٣	۵۰۰

جدول ۲. محدودهٔ تئوری تفکیکپذیری عمودی برای محیطهای مختلف با فرکانسهای گوناگون

۳. منطقة مورد مطالعه

قلهٔ علم کوه با ارتفاع ۴۸۳۵ متر از سطح دریا در منطقه ای به نام تخت سلیمان با طول شرقی ۹۰<sup>°</sup> ۵۰ تا ۰۰<sup>°</sup>۵۱ و عرض شمالی ۴۰۱ °۳۶ تا ۱۳۴°۳۶، دومین قلهٔ مرتفع ایران بعد از دماوند محسوب میگردد (کریمی و همکاران، ۲۰۱۲). شکل پستی و بلندیهای این ناحیه بهنحوی است که تعداد ۴۵ قله (قلههای شناختهشده و بنام) با ارتفاع بیش از ۴۰۰۰ متر و تعداد ۱۰۰ قله با ارتفاع بیش از ۳۰۰۰ متر از سطح دریا در این ناحیه وجود دارد (وزیری، ۱۳۸۲). پستی و بلندی های فراوان و بهویژه رشته کوه مجزای هفت خوان با هفت قله با ارتفاع بیش از ۴۰۰۰ متر از سطح دریا و همچنین برودت نسبتاً زیاد به علت اغتشاشات جوی و توفانهای با سرعت زياد، سبب شده است كه چند يخچال نسبتاً مهم (البته مهم بهلحاظ قرارگرفتن در منطقهای نیمهخشک مانند ایران) به وجود آید (وزیری، ۱۳۸۲). علمکوه بزرگ ترین و مهم ترین یخچال موجود در ایران است که در دورهٔ کواترنری بهوجود آمده و آب رودخانههای بربر و خرمدشت را در مناطق زیردست تأمین میکند (وزیری، ۱۳۸۲). ارتفاع این یخچال حدود ۳۱۹۷ تا ۴۸۳۵ متر بالای سطح دریاست. در شکل ۲ بخشی از نقشهٔ ۱:۱۰۰۰۰ شکران که در آن پروفیل های برداشتی نیز مشخص شده، آورده شده است. بهمنظور پرهیز از افزایش حجم مطالب، تنها به چند نکتهٔ مهم دربارهٔ زمین شناسی منطقه بسنده می کنیم. اطلاعات بیشتر در مورد زمین شناسی منطقه، در نقشهٔ زمین شناسی شکران

درج شده است. محدودهٔ مورد مطالعه روی رسوبات یخچالی کواترنری (مورن) واقع شده است. این رسوبات بهوسیلهٔ سازندهای کهر، روته، الیکا و شمشک در برگرفته شده است. واحدهای زمین شناسی این ناحیه عمدتاً از گرانیت دانهریز تشکیل شده است (کریمی و همکاران، ۲۰۱۲). همانند دیگر یخچالها بارش در این منطقه به صورت برف است. ریزش برف در این منطقه حدود ۴۵۲ سانتی متر در سال است که در طول ۶۵ روز در سال اتفاق می افتد (کریمی و همکاران، ۲۰۱۲).

در شکل ۲ یخچالهای مهم منطقهٔ تخت سلیمان نسبت به قلهٔ علم كوه به سه يخچال عمدهٔ علم چال، تخت چال و تخت سليمان تقسيم بندى شده است. منطقهٔ مورد مطالعه در این پژوهش، یخچال علمچال با مساحت ۴/۸ کیلومتر مربع با حداکثر طول از حد بالا تا پیشانی ۴/۵ کیلومتر و حداکثر عرض ۲/۲۵ کیلومتر است. ارتفاع خطبرف دائمی در این یخچال در حدود ۴۰۰۰ تا ۴۱۵۰ متر است (وزیری، ۱۳۸۲). ضخامت مورن های سطحی از ۰/۵ متر تا حدود ۱/۵ متر (در قسمتهای بالای یخچال) متغیر است، اما در قسمتهای پایینتر بهویژه در اطراف سرچال، تشکیلات سطحی عمدتاً بهشکل خاک درشتدانه و سبزرنگ دیده میشود (کریمی و همکاران، ۲۰۱۲). لازم بهذکر است که در فصل برداشت دادهها (خرداد ۱۳۹۱)، سطح منطقه توسط برف با ضخامت متغير (حدود ٢/٥ – ١ متر) پوشيده شده بود.



**شکل ۲**. نقشهٔ زمینشناسی منطقهٔ برداشت، موقعیت پروفیلهای برداشتی GPR و سه یخچال مهم منطقهٔ تخت سلیمان (اقتباس از نقشهٔ ۱:۱۰۰۰۰ شکران، ۱۹۷۷)

## ۴. بر داشت دادههای GPR

بهدلیل وابستگی برخی از پارامترها مانند عمقنفوذ و تفکیکپذیری به زمینشناسی منطقهٔ مورد مطالعه، نوع آرایش برداشت دادهها و فرکانس مرکزی آنتن فرستنده، نمی توان بعد از برداشت دادهها با اعمال پردازش این يارامترها را تقويت كرد؛ بنابراين قبل از برداشت دادهها، باید باتوجه به زمینشناسی منطقه و یارامترهای فیزیکی و هندسی هدف مورد مطالعه، پارامترهای برداشت را تعریف کرد. همانطور که پیشتر ذکر شد، با افزایش رسانندگی و فركانس، عمق نفوذ كاهش پيدا ميكند. بنابراين بايد بين عمقنفوذ مورد نظر و تفکیکپذیری مورد نیاز، توازنی ایجاد کرد. بدین دلیل پیشنهاد می شود که از فرکانس های يايين (۳۰MHz) برای نمايش توپو گرافی بستر يخچال، از فرکانس های میانی (۳۲۰-۳۷۰ ) برای نمایش ساختارهای داخلی و از فرکانس،های بالا (MHz-۱۰۰۰ MHz ۶۰۰) بهمنظور آشکارسازی ضخامت برف استفاده شود. بنابراین فرکانس آنتن، ثابت دیالکتریکی محیط، عمق تجسس موردنظر، فاصلهٔ بین فرستنده و گیرنده و فاصلهٔ بین ردها، یارامترهای اساسی در بررسیهای GPR هستند. بدین دلیل در این پژوهش دادههای GPR با استفاده از دستگاه Mala GeoScience با آنتن مرکزی ۲۵ مگاهرتز با هدف تعیین ضخامت و نمایش تویو گرافی بستر یخچال علم کوه برداشت شدهاند. این سیستم یک رادار پالسی

(Pulseradar) است که از آنتن های بدون یوشش (unshielded) بهره می گیرد و دادهها را به روش دور افت مشترک (mode common offset) برداشت می کند (شکل ۱). در این یژوهش فاصلهٔ بین فرستنده و گیرنده، ۶ متر (ثابت) و فاصلهٔ بین دو رد متوالی ۲۹۹۸۹۲/ متر است. تقريباً كل منطقة يخجال شمالي و قسمتهايي از يخجال باختری توسط سیستم رادار برداشت شده است. طول کل پروفیلهای برداشتی در این پژوهش ۲۳ کیلومتر است که ۱۸ کیلومتر پروفیلهای برداشتی قابل تفسیر بوده است. در این پژوهش جهت اختصار فقط دادههای سه پروفیل b ،a و c پردازش و تفسیر شدهاند. با توجه به ناهمواربودن منطقهٔ مورد مطالعه، با استفاده از GPS نصب شده بر روی دستگاه GPR، به ازای هر رد برداشتی یک نقطهٔ GPS نیز برداشت شده است. این نقاط به صورت خودکار در حافظهٔ دستگاه ذخیره شده و به همراه فایل های مربوط به داده های GPR به كامييوتر انتقال يافته است.

۵. بحث (پردازش و تفسیر دادهها GPR)

بهطور کلی هدف از پردازش دادههای ژئوفیزیکی، دستیابی به تصویری واضح از اهداف زیرسطحی با حذف نویزهای ناخواسته و تقویت سیگنالها (افزایش نسبت سیگنال به نویز) است. پردازشهای مناسب به مفسر کمک میکند تا با اعتمادبهنفس بیشتری به تفسیر

مقاطع ژئوفیزیکی بپردازد. دامنهٔ پردازش های به کاررفته روی دادههای GPR، توسط هدف مورد مطالعه تعیین میشوند. در این پژوهش دادههای GPR برداشتشده توسط نرمافزارهای Reflexw و Win\_Ekko\_Pro بهصورت ترکیبی پردازش شده و به نمایش در آمده است.

 ۵. ۲. تحلیل میانگین طیف فرکانسی و دامنهٔ پروفیل های مورد بررسی

پردازشهای به کاررفته در GPR، توسط هدف مورد مطالعه تعیین میشوند؛ بنابراین قبل از اعمال هرگونه پردازش و صافی، لازم است دیدی صحیح از طیف دامنه و میانگین دامنهٔ پروفیلهای مورد بررسی وجود غالب و طراحی فیلترهای مناسب برای حذف نویزهای با فرکانس مشخص، مفید است. شرکتهای سازندهٔ دستگاههای GPR، فرکانس آنتنها را بر مبنای اندازه گیری در هوا مشخص میکنند. بنابراین فرکانس دادههای برداشتشده بر روی زمین، بهدلیل حذف فرکانسهای بالا در محیطهای رسانا (نسبت به هوا)، معمولاً کمتر از فرکانس امواج ارسالی است. در شکل ۳ شده است. همانطور که در این شکل مشاهده می شود، فرکانس غالب روی هر سه نمودار طیف دامنه، ۲۱/۳۰

مگاهر تز است؛ بنابراین با استفاده از رابطهٔ (۴) و با در نظر گرفتن سرعت <sup>1-</sup>m ns ۲/۰ برای انتشار موج الکترومغناطیسی در یخ، تفکیک پذیری قائم بهصورت تئوری بین ۳/۷۵ تا ۱/۸۷ متر تخمین زده میشود. MHz نزدیکی فرکانس غالب با فرکانس امواج ارسالی (MHz ۱۲۵ دلیلی بر شفاف بودن محیط انتقال دهنده (یخچال علم کوه) برای امواج الکترومغناطیسی است.

در شکل ۴ میانگین طیف دامنه برحسب زمان انتشار موج الکترومغناطیسی، برای پروفیلهای مورد بررسی نشان داده شده است. در این نمودارها پیکهایی که نمایان گر ناپیوستگی در ساختار یخ هستند، با پیکان مشخص شده است. روی هر سه نمودار، دو پیک نزدیک به هم در زمان های اولیه مشاهده می شود که احتمالاً به فصل مشترک برف– واریزه و واریزه– برف مربوط است. با مشخص کردن سطح دامنهٔ نویز و با استفاده از فرمول ۱، می توان بیشترین عمق نفوذ را از نمودارهای طیف دامنه تخمین زد. در نمودارهای شکل ۴، سطح دامنهٔ نویز، ۱۰ است که با درنظر گرفتن سرعت متوسط ۰/۱۶ متر بر نانوثانیه برای موج الکترومغناطیسی در یخ، بیشترین عمقنفوذ در پروفیلهای مورد بررسی حدود ۱۱۵ متر تخمین زده می شود. کاهش تدریجی طيف دامنه با زمان در هر سه نمودار، نشان دهنده نارسانابودن محيط انتقال دهندهٔ موج است.



استفاده کرد. یکی از صافیهای بالاگذر مناسب برای حذف این آثار که در همهٔ نرمافزارهای GPR موجود است، صافی Dewow است. این صافی با استفاده از صافی میانگین گیر پی درپی (Running average)، فرکانس های پایین را حذف می کند. با مقایسهٔ دامنهٔ ردهای مقاطع GPR، می توان اثر اشباع سیگنال و صافی Dewow را مشاهده کرد (شکل های ۵-الف و ۵-ج).

همانطور که در نمودارهای میانگین طیف دامنهٔ پروفیل های مورد بررسی مشاهده شد (شکل ۴)، قدرت امواج الکترومغناطیسی GPR با گذر زمان و نفوذ به عمق خصوصاً در زمانهای پایانی، کاهش می یابد. بدین منظور، معمولاً از بهره های گوناگون برای تقویت سیگنال ها استفاده میشود. هرچند استفاده از بهرهها باعث افزایش قدرت سیگنال و نمایش بهتر دادهها میشود، ولی بهمنظور جلوگیری از تقویت نویزهای ایجادشده توسط پردازشهای دیگر مانند مهاجرت، بهتر است بلافاصله بعد از پردازشهای مربوط به افزایش نسبت سیگنال به نویز (در این تحقیق صافی Dewow)، این پردازش را اعمال کرد. در این پژوهش از بهرهٔ گسترش هندسی و نمایی ( Spreading and Exponential Compansation Gain) برای جبران افت انرژی ناشی از گسترش کروی موج در محیط و اتلاف نمایی انرژی ناشی از رسانندگی استفاده شده است. با اعمال اين بهره، سيگنالها به حالت واقعي خود نزديک تر مي شوند؛ همچنین اطلاعات دامنهٔ نسبی بازتابها حفظ میشوند و مي توان باز تاب كنندهها را حتى بعد از اعمال بهره باهم مقايسه کرد (سنسورز و سافتور، ۱۹۹۹).

a. ۲. پردازش و تفسیر پروفیل a مقطع پروفیل a با طول ۱۲۷ متر، دارای۵۱۲ نمونهٔ زمانی و ۴۲۵ رد GPR است (شکل ۵–الف). در دستگاههای GPR معمولاً اول گیرنده شروع به دریافت امواج الکترومغناطیسی میکند و سپس فرستنده امواج را به داخل زمین منتشر می کند؛ بنابراین همیشه در بالای مقاطع، محدودهای فاقد سیگنال وجود دارد. همچنین امواج مستقیم هوایی و زمینی در ابتدای ردها قرار دارند. وجود این مناطق و امواج در مقاطع زمانی و عمقی GPR، بهدلیل جابهجایی بازتابهای زیرسطحی در راستای قائم، باعث خطا در تخمین عمق اهداف زیرسطحی میشود؛ بنابراین در این پژوهش بهمنظور قرارگیری نقطهٔ شروع ردها در سطح زمین و قرارگیری بازتابها در مکان واقعی خود از تصحیح استاتیک ( static corrction)استفاده شده است (شکل ۵-ب). با مقایسهٔ شکلهای ۵– الف و ۵– ب، مشاهده می شود که بعد از اعمال تصحيح استاتيك، بازتاب مربوط به واريزههاي داخل يخ حدود ١٠٠ نانوثانيه جابهجا شده است. همچنين باتوجه به فاصلهٔ زمانی کوتاه بین انتشار موج الکترومغناطیسی توسط فرستنده و پالس های قویای که از طریق هوا و زمین به گیرنده میرسند و به علت بازتابهای نزدیک به سطح زمین، گیرنده از سیگنال اشباع می شود (نیل، ۲۰۰۴)؛ این فرایند، نوفههای فرکانس پایینی را در زیر سطح زمین القاء میکند که بازتابهای فرکانسهای بالا را میپوشاند. این نوفهها باعث جمعشدن مقدار ثابتی بر روی تمام رد GPR میشود. برای حذف این نوفههای فرکانس پایین میتوان از صافي هايي كه باعث افزايش نسبت سيگنال به نويز مي شوند،



**شکل ۵**. (الف)، (ب) و (ج)؛ بهترتیب مقطع بدون پردازش، با اعمال تصحیح استاتیک و صافی Dewow پروفیل a را نمایش میدهند.

شکل ۶–الف مقطع زمانی پروفیل a را بعد از اعمال تصحيح استاتيك، صافي Dewow و بهرهٔ گسترش نمايي و هندسی را نمایش میدهد. در این مقطع، هذلولیهای داخل یخ که نشانگر حضور قطعات سنگ (قلوهسنگ یخچالی) هستند، با ابعادی در حدود طول موج امواج GPR (۳/۷۵ تا ۱/۸۷ متر)، مشاهده می شوند. همچنین دو شکل پاپیونی به دلیل ناودیس مانندهایی در این مقطع مشخص شده است. بدین منظور از مهاجرت f-k با سرعت ۰/۱۶ متر بر نانوثانیه برای موج الکترومغناطیسی در یخ که سبب جمع شدن هذلولیها، حذف اثر پاپیون و نمایش واقعی ناهمگنیهای داخل یخ میشود، استفاده شده است (شکل ۶-ب). در این نوع مهاجرت، دادهها نخست توسط تبديل فورية دوبعدي، از حوزة مكان- زمان به حوزة فركانس- طولموج منتقل میشوند و پس از محاسبات مربوط به مهاجرت، مجدداً دادهها توسط تبديل فوريه معکوس به حوزهٔ مکان- زمان باز گردانده میشوند. این امر باعث کاهش تعداد محاسبات پیچیده در فرایند مهاجرت می شود (کمپن و سهلی، ۱۹۹۹). در واقع هدف از به کارگیری مهاجرت بازسازی توزیع هندسی سطح بازتاب کنندهها و تصویری دقیق از ساختارهای زیر سطحی است (جول، ۲۰۰۹). در نهایت برای حذف نویزهای پراکنده در مقطع نهایی از صافی سادهٔ میانگین پیدرپی، استفاده شده است (شکل ۶-ج). این صافی با میانگین گیری دامنهٔ تعدادی از ردهای مجاور، نویزهای پراکنده را سرشکن میکند. شکل ۵ مقطع زمانی خام و مراحل مختلف پردازش روی پروفیل a را نمایش میدهد. دادههای پردازششدهٔ GPR، ساختارهای مختلف زیرسطح یخچال را نمایش میدهند (شکل ۶-ج). هرگونه تغییر در ثابت دىالكتريكى محيط انتقالدهندة موج، بەصورت انعکاس در مقطع GPR مشاهده میشود. این تغییر پیوسته در بستر يخچال كه به دليل تباين گذردهي الكتريكي سنگ بستر (گرانیت) و یخ است، باتوجه به حضور لايههاي واريزهاي داخل يخ، بهشدت تضعيف شده است. در این مقطع یک لایهٔ واریزهای پیوسته در داخل یخ، بهطور واضح از زمان ۸۰۰ تا ۷۵۰ نانوثانیه، از ابتدا تا انتهای

 ۳. بررسی نشانگرهای لحظهای در تفکیک ساختارهای پروفیل a

یک سیگنال ژئوفیزیکی (ردهای GPR یا لرزهای) که با رابطهٔ ۵ نشان دادهمی شود، از دو قسمت حقیقی و موهومی تشکیل شده است که قسمت موهومی تبدیل هیلبرت قسمت حقیقی است (لیو و اریستاگلیو، ۱۹۹۸):

$$z(t) = s(t) + is^{*}(t) = a(t)e^{iv(t)}$$
 (2)

که در آن، (s(t) قسمت حقیقی و (s(t) قسمت موهومی سیگنال است. نشانگرهای دامنه و فاز لحظهای بهترتیب بهصورت طیف دامنه و فاز این سیگنالهای مختلط بهوسیلهٔ روابط (۶) و (۷) تعریف میشوند (لیو و اریستاگلیو، ۱۹۹۸): (۶)  $\frac{1}{\sqrt{2}} [s(t)^* + s^*(t)^*] = (s(t)^* + s^*(t))$ 

$$v(t) = \tan^{-1}\left[\frac{s(t)}{s(t)}\right]$$
 (V)

نشانگر دامنهٔ لحظهای، یک موجک با قسمتهای مثبت و منفى روى رد را به صورت يك تك پالس با مؤلفة مثبت تبديل مي كند. اين فرايند ماهيت نوساني امواج رادار را از بين برده و دادهها را در تفکیک واقعی خود نمایش میدهد. همچنین نشانگر دامنهٔ لحظهای، سبب سادگی در نمایش دادههای رادار، افزایش قدرت سیگنال، تفکیک بهتر لايهبندي و تفسير راحت تر مي شود. نشانگر فاز لحظه اي براي تأکید بر پیوستگی رویدادها به کار برده میشود. باتوجه به اینکه نشانگر فاز از دامنهٔ سیگنال مستقل است، می تواند حادثههای ضعیف مربوط به فصل مشترک های نزدیک را روى سيگنال بهتر نمايش دهد. مقدار اين نشانگر هميشه بين π+ تا π- قرار دارد؛ بنابراین دادهها بهصورت دندانهای نمایش داده میشوند (سنسورز و سافتور، ۱۹۹۹). نشانگر فرکانس لحظهای که از مشتق زمانی نشانگر فاز لحظهای بهدست می آید، طبق رابطهٔ (۸) تعریف می شود (لیو و اریستاگلیو، :(199)

$$f(t) = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \frac{dv(t)}{dt} \tag{A}$$

از نشانگر فاز لحظهای بهعنوان یک ابزار همبستگی استفاده میشود. خصوصیات فرکانس یک سیگنال با تغییر جنس لايهها، تغييرات ضخامت يا در فصل مشتر کها مانند سطح ایستابی تغییر خواهد کرد (سنسورز و سافتور، ۱۹۹۹)؛ بنابراین بعد از پردازشهای ذکرشده در قسمت قبل، نشانگرهای دامنه، فرکانس و فاز لحظهای بهمنظور تفکیک بهتر لایهها و ساختارهای داخلی استخراج شدهاند (شکل ۷؛ الف، ب و ج). هدف از به کاربردن نشانگرها تفکیک بهتر لایهها و آنومالیهای زیرسطحی در مقاطع GPR و لرزهای به منظور تفسير بهتر مقاطع مورد نظر است. بازتابهای لایهٔ واریزهای پیوستهٔ داخل یخ در مقطع نشانگر دامنهٔ لحظهای بهوضوح آشکارسازی شده است ولی همانطور که پیش تر ذکر شد؛ بازتابهای بستر یخچال به دلیل لایههای واریزهٔ داخل یخ، بهشدت تضعیف شده است. بازتابهای فصلمشترک برف– واریزه و واریزه– یخ باتوجه به طول موج بالای امواج GPR در این مورد و ناز کئبودن لایههای واریزه و برف، با هم تداخل کردهاند و قابل تفکیک نیستند. این لایهها در مقطع نشانگر دامنهٔ لحظهای بهصورت یک

بازتاب با قدرت بالا آشکارسازی شده است. نشانگرهای فاز و فرکانس لحظهای در نمایش ساختارهای مختلف یخچال نسبتاً ضعیف عمل کردهاند.

۵. ۴. پردازش و تفسیر پروفیل های d و c مقطع پروفیل های d و c بهترتیب با طول ۱۴۲/۵ و ۲۴۹ متر، شامل ۴۷۶ و ۸۳۱ رد GPR هستند. باتوجه به وجود توپو گرافی در محل پروفیل های d و c مراحل پردازش این پروفیل ها، علاوه بر پردازش های به کاررفته در مورد پروفیل ه، شامل تصحیحات مربوط به توپو گرافی نیز است. بهطور کلی توپو گرافی در سطح زمین باعث اغتشاش و به هم ریختن داده های GPR میشود. بدین منظور برای حذف این گونه اغتشاشات ناخواستهٔ حاصل از توپو گرافی و قراردادن حادثه ها در مکان واقعی خود، لازم است تصحیحات مربوط به توپو گرافی اعمال شود. تصحیح توپو گرافی، فرایند انطباق داده های توپو گرافی با داده های GPR است. جمع آوری داده های توپو گرافی یکی از فرایندهای وقت گیر در برسی های GPR است.



شکل ۶. (الف)، (ب) و (ج)؛ بهترتیب مقطع پروفیل شکل ۵–ج، بعد از اعمال بهرهٔ گسترش نمایی و هندسی، مهاجرت f-k و صافی میانگین پی در پی



شبكل ٧. (الف) مقطع نشانگر دامنهٔ لحظهای، (ب) مقطع نشانگر فاز لحظهای و (ج) مقطع نشانگر فركانس لحظهای

دادههای توپو گرافی را می توان توسط تئودولیت لیزری (Total Station)، تو تال استیشن (Total Station)، GPS و DGPS بهدست آورد؛ باتوجه به دقت مورد نیاز، مدت زمان در دسترس، هزینه و نیروی کاری، می توان یکی از این موارد را انتخاب کرد. مرحلهٔ بعد، فرایند خیلی وقت گیر این موارد را انتخاب کرد. مرحلهٔ بعد، فرایند خیلی وقت گیر ناطباق دادههای توپو گرافی و GPR است. همانطور که نیش تر ذکر شد، در این تحقیق با استفاده از GPS نیب شده روی دستگاه GPR، به ازای هر رد برداشتی مختصات یک نقطه نیز برداشت شده است. بدین ترتیب مراحل وقت گیر اکتساب و انطباق دادههای توپو گرافی با دادههای GPR تا حدود زیادی کاهش یافته است. شکلهای ۸-ج و ۹-ب، مقاطع زمانی پروفیل های d وی

را بهترتیب بعد از پردازش های صافی میان گذر، تصحیح استاتیک، بهرهٔ گسترش نمایی و هندسی، مهاجرت f-k و تصحیح توپوگرافی نمایش میدهند. در این پروفیل ها نیز از مهاجرت f-k بهمنظور حذف اثر شیب لایه های زیرسطحی و جهت گیری فرستنده و گیرنده با درنظر گرفتن سرعت ۱/۶ متر بر نانوثانیه برای امواج الکترومغناطیسی در یخ، استفاده شده است. بعد از پردازش های گفته شده و تصحیح توپوگرافی، بستر یخچال و واریزه های داخل یخ در هر دو پروفیل به خوبی آشکارسازی شده است. همچنین در مقطع زمانی پروفیل ی (شکل ۹-ب) یک ناحیه شامل یخ خالص (بدون واریزه)



**شکل ۸** مراحل مختلف پردازش دادههای پروفیل b. (الف) دادههای خام، بعد از اعمال تصحیح استاتیک، صافی Dewow، (ب) بهرهٔ گسترش نمای*ی و* هندسی و مهاجرت f-k، (ج) بعد از اعمال تصحیح توپوگرافی و (د) نشانگر دامنهٔ لحظهای



**شکل ۹**. (الف) دادههای خام پروفیل c، بعد از اعمال تصحیح استانیک، صافی Dewow، تابع تقویت، مهاجرت f-k. (ب) اعمال تصحیح توپوگرافی و (ج) نشانگر دامنهٔ لحظهای



**شکل ۱۰** (الف)، (ب) و (ج)؛ بهترتیب مقطع عمقی پروفیل های b، c و a

با افزایش شیب سطح زمین، ضخامت لایهٔ نازک (لایهٔ c مقاطع عمقى پروفيل هاى b ،a و م. اول) نيز كم مىشود. (شكل ٩–ب و ج). همچنين مقطع زمانی GPR زمان رفت و برگشت موج پیوستگی لایهٔ واریزهای داخل یخ در دو پروفیل a و b الكترومغناطيسي را نمايش مىدهد. براى تبديل مقطع خود دلیلی بر تفسیر صحیح مقاطع مورد بررسی است. زمانی به مقطع عمقی و برخی پردازش ها مانند مهاجرت در پروفیل c از فاصلهٔ ۳۴ تا ۵۶ و۲۲۳ تا ۲۳۹ متری ابتدای پروفیل که شیب سطح یخچال در مقایسه با قسمتهای دیگر پروفیل زیاد است، ضخامت یخچال در مقایسه با بخش های دیگر کمتر است. از فاصلهٔ ۱۲۵ تا ۱۴۲ متری ابتدای پروفیل b نیز چنین وضعیتی مشاهده میشود. همچنین مشاهده میشود که بستر یخچال در محل پروفیل a که سطح یخچال بدون توپو گرافی است، صاف و هموار است؛ بنابراین می توان گفت که توپوگرافی بستر یخچال، کپی نسبتاً دقیقی از توپوگرافی سطح يخچال است. ۶. نتيجه گيرى وضعيت آبوهوايي خيلي سرد منطقة علمكوه، غيرمخرببودن، كمهزينهبودن، بالابودن قدرت تفكيك و سرعت زیاد برداشت دادهها در روش GPR، سبب شده است که استفاده از این روش روی یخچال علم کوه

جهت تخمين ضخامت و تفكيك لايهها مفيد واقع شود. پس از پردازشهای مناسب و تفسیرهای دقیق، مقاطع عمقی GPR با درنظر گرفتن سرعت ۱۶/۰ متر بر نانو ثانیه برای موج الکترومغناطیسی در یخ از مقاطع زمانی GPR استخراج شد و ضخامت یخ زیرسطحی در محل پروفیل a بین ۸۴ تا ۸۶ متر، در پروفیل b بین ۸۲ تا ۶۰ و در و تصحیح توپوگرافی که پیشتر روی پروفیل های مورد بررسی اعمال شدند، لازم است سرعت موج الکترومغناطیسی در محیط مورد بررسی تخمین زده شود. از روشهای مختلفی همچون برداشتهای نقطهٔ عمق مشترک (Common Mid-Point)، استفاده از اهداف در عمق مشخص و جداول مربوط به سرعت موج الكترومغناطيسي با معلومبودن جنس لايهها و محيط مورد بررسي براي تخمين سرعت موج الكترومغناطيسي استفاده میشود. در این تحقیق باتوجه به جدول ۱ و معلومبودن جنس لایههای مورد بررسی، سرعت موج الكترومغناطيسي براي لاية اول (لاية واريزه و برف) با توجه به لایهٔ برف آبی در زمان برداشت و جنس واریزهها (گرانیت)، ۰/۱ متر بر نانوثانیه و برای لايهٔ دوم (يخ) بهدليل وجود واريزه در يخ، ۱۶/۰ متر بر نانوثانیه (کمتر از سرعت موج الکترومغناطیسی در یخ خالص) انتخاب شده است. همانطور که از مقطع عمقى سه پروفیل a، b و c مشخص است (شکل ۱۰)، ضخامت یخ در زیر این سه پروفیل بهترتیب از ۸۴ تا ۸۶، ۸۲ تا ۶۰ و ۵۰ تا ۹۴ متر متغیر است. ضخامت لایهٔ اول (لایهٔ برف آبی و واریزه) که به تر تیب بر روی پروفیل های b ،a و ۳ ۳، ۳ تا ۵ و ۱ تا ۵ متر متغیر است، نیز مشخص شده است. در مقاطع عمقی پروفیل c و b مشاهده می شود که تشكر و قدرداني

دادههای تحقیق حاضر حاصل مطالعات یخچالی صورت گرفته در مؤسسهٔ تحقیقات آب کشور است که زیر نظر پژوهشکدهٔ منابع آب و در قالب طرح ملی «محافظت از یخچالهای طبیعی کشور» صورت گرفته است؛ بنابراین از زحمات تمامی عزیزانی که ما را در اجرای هرچه بهتر این تحقیق یاری کردهاند کمال تشکر و سپاسگزاری را داریم. همچنین از جناب آقای دکتر sandmeier که نرمافزار مهمچنین از در اختیار محققان قرار دادهاند، سپاسگزاری می شود.

مراجع وزیری، ف.، ۱۳۸۲، هیدرولوژی کاربردی در ایران (شناسایی یخچالهای طبیعی در ایران)، انتشارات سازمان مدیریت و برنامهریزی کشور، تهران–ایران. سازمان زمینشناسی کشور، نقشهٔ زمینشناسی مقیاس ۱:۱۰۰۰۰۰ چهارگوش شکران، ۱۹۷۷.

- Angelopoulos, M. C., Pollard, W. H. and Couture N. J., 2013, The application of CCR and GPR to characterize ground ice conditions at Parsons Lake, Northwest Territories, Cold Regions Science and Technology, 85, 22-33.
- Binder, D., Bruckl, E., Roch, K. H., Behm, M., Schoner, W. and Hynek, B., 2009, Determination of total ice volume and icethikness distribution of tow glaciers in the Hohe Tauern region, Eastern Alps, from GPR data. Annals of Glaciology, 50, 71-79.
- Bose, R. N., Dutta, N. P. and Lahiri, S. M., 1971, Refraction Seismic Investigation at Zemu Glacier, Sikkim, Journal of Glaciology, 10, 113-119.
- Brandt, O., Taurisano, A., Giannopoulos, A., Kohler, J., Brandt o., Langley K., Kohler J. and Hamran S. E., 2007, Detection of buried ice and sediment layers in permafrost using multi-frequency Ground Penetrating Radar: A case examination on Svalbard. Remote Sensing of Environment, 111(2), 213-226.
- Daniels, D, J., 2004, Ground penetrating radar, The Institution of Electrical Engineers.
- David, E., James, W. and David, R., 2007, Shallow seismic surveys and ice thickness estimates of the Mullins Valley debriscovered glacier, McMurdo Dry Valleys, Antarctica, Antarctic Science., 19, 485-496.
- Crossley, D, J and Clarke, G. K. C., 1970,

پروفیل c بین ۵۰ تا ۹۴ متر تخمین زده شده است. همچنین نشانگرهای دامنه، فاز و فرکانس لحظهای برای تفکیک بهتر لایهها و واریزههای داخل یخ استخراج شد. از این نشانگرها بعد از پردازش مناسب، بهمنظور تفسیر بهتر و روشن تر مقاطع GPR استفاده شد. نتایج نشان میدهد که نشانگر دامنهٔ لحظهای، لایهها و قلوهسنگهای یخچالی را با جزئیات بیشتر تفکیک کرده است. در نهایت مشخص شدہ است که توپو گرافی سطح یخچال علم کوہ کپی نسبتاً دقیقی از توپوگرافی بستر یخچال است؛ بنابراین از رابطهٔ (۱) مي توان براي قسمت هايي از يخچال علم كوه كه توسط GPR برداشت نشده است یا دادههای آنها قابل تفسیر نیست، با تقریب خوبی استفاده کرد. نتایج این پژوهش حاکی از آن است که روش GPR را میتوان روشی مناسب بهمنظور تخمین ضخامت و توپوگرافی بستر یخچالها معرفی کرد. برای تفکیک بهتر و بیشتر لایهها ييشنهاد مي شود از آنتن هايي با فركانس هاي بالاتر كه قابلىت تفكيك بيشترى دارند، استفاده شود.

Gravity Measurements on "Fox Glacier", Yukon Territory, Canada, Journal of Glaciology, 9, 363-374.

- Eder, K., Reidler, C., Mayer, C. and Leopold, M., 2008, Crevasse detection in Alpien areas using ground penetrating radar as a component for a mountain gulde system, the international archives of the photogrammetry, Remote Sensing and Spatial Information Sciences., XXXVII, 837-842.
- Hagg, w., Mayer, c., Lambrecht, A. and Kriegel, D., 2012, Glacier changes in the Big Naryn basin, Central Tian Shan, Global and Planetary Change, In press.
- Jol, H. M., 2009, Ground penetrating radar: Theory and Applications, Oxford, Elsevier Science.
- Karimi, N., Farokhnia, A., Shishangosht, S., Elmi, M., Eftekhari, M. and Ghalkhani, H., 2012, Elevation changes of Alamkouh glacier in Iran since 1955, based on remote sensing data, International Journal of Applied Earth Observation and Geoinformation, 19, 45-58.
- Kennett, P., 1966, Reconnaissance gravity and magnetic surveys of part of the Larsen ice shelf and adjacent mainland, British Antarctic Survey Bulletin, 8, 49-62.
- Kempen, L. V. and Sahli, H., 1999, Ground penetrating radar processing: a selective

survey of the state of the art literature, Virje Universiteit Brussel- Faculty of Applied Sciences.

- Liu, L. and Oristaglio, M., 1998, GPR signal analysis: instantaneous parameter estimation using the wavelet transform, International Conference on Ground Penetrating Radar, pp 219-224, Lawrence, Kansas.
- Moya, Q. V., Mano, A., Asaoka, Y., Udo, K., Kure, S. and Mendoza, J., 2013, Probabilistic estimation of glacier volume and glacier bed topography, the Andean glacier Huayna West. The Cryosphere Discuss., 7, 3931-3967.
- Neal, A., 2004, Ground-penetrating radar and its use in sedimentology: principles, problems and progress, Earth- science Reviews, 66,

261-330.

- Palli, A., 2003, Polythrmal glacier studies in Svalbard determined by ground penetrating radar, Department of Geosciences University of OUL.
- Pellikka, P. and Gareth, W., 2010, Remote sensing of glaciers, CRC press.
- Sensors and software, 1999, Win\_EKKO User's Guide, Version 1.0.
- Telford, W. M., Geldart, L. P. and Sheriff, R. E., 2004, Applied geophysics, Cambridg university press.
- Watson, M. I., Yelf, R. J. and Bertler, N. A N., 2008, Bedrock topography and Isochrone mapping of five glaciers in Victoria Land, Antarctica, 12<sup>th</sup> International Conference on Ground Penetrating Radar.