

## استفاده از تحلیل داده‌های گرانی در تعیین مدل پوسته و مقایسه با مدل همایستایی ایری-هیسکانن در دریای عمان

عبدالرحیم عسکری<sup>۱\*</sup>، براعلی فیض آبادی<sup>۲</sup> و حیدر ابراهیم‌زاده اردستانی<sup>۳</sup>

<sup>۱</sup> استادیار، گروه فیزیک، دانشگاه حکیم سبزواری، سبزوار، ایران

<sup>۲</sup> استادیار، گروه فیزیک، دانشگاه حکیم سبزواری، سبزوار، ایران

<sup>۳</sup> دانشیار، گروه فیزیک زمین، موسسه توپوفیزیک دانشگاه تهران، ایران

(دریافت: ۸۸/۴/۲۴، پذیرش نهایی: ۹۰/۱/۱۱)

### چکیده

برای تحقیق ساختار پوسته در دریای عمان، از بی‌هنجری‌های گرانی و مدل همایستایی ایری-هیسکانن، استفاده کرده و ضخامت پوسته را به دست آورده‌ایم. نقشه بی‌هنجری همایستایی ایران که بر پایه مدل تعديل شده همایستایی ایری-هیسکانن تهیه شده است، نشان می‌دهد که چگالی بلندی‌ها ۲/۶۷، چگالی میانگین پوسته ۲/۷۵، چگالی ریشه کوهها ۲/۸۵، چگالی گوشته بالای ۳/۲۵ گرم بر سانتی‌متر مکعب و ضخامت عادی پوسته ۳۰ کیلومتر است.

طبق مدل ایری-هیسکانن، چگالی پوسته ثابت است و تعادل همایستایی با تغییر در ضخامت پوسته در محل ارتفاعات (ریشه‌های عمیق) و گودی‌ها (پادریشه‌ها) صورت می‌گیرد. قاره‌ها از کف اقیانوس‌ها به دلیل داشتن چگالی بیشتر و نیز ضخامت بزرگ‌تر، بالاتر هستند. بی‌هنجری‌های گرانی بوگه از داده‌های ارتفاع‌سنگی ماهواره‌ای روی اقیانوس‌ها محاسبه شده است. قدرت تفکیک مکانی این داده‌ها ۵ کیلومتر است. در این تحقیق مدل پوسته و همایستایی ایری-هیسکانن جدیدی برای منطقه مورد بررسی براساس روش معکوس به روش پارکر تعیین شده است ناحیه مورد بررسی در عرض جغرافیایی  $\varphi = ۲۰^\circ$  تا  $۲۵^\circ$  و طول جغرافیایی  $\lambda = ۶۰^\circ$  تا  $۶۶^\circ$  درجه که کلاً پوشیده از آب است، قرار دارد. برای محاسبه ضخامت مقادیر گرانی و عمق، به صورت یک شبکه  $5 \times 5$  کیلومتر در آمده و برای محاسبات در هر دو روش از این قدرت تفکیک استفاده شده است. تفاوت مشاهده شده در تعیین ضخامت پوسته حاکی از آن است که منطقه به لحاظ همایستایی، جبران نشده است.

واژه‌های کلیدی: خلیج عمان، ضخامت پوسته، روش معکوس، مدل سازی سه‌بعدی گرانی، مدل همایستایی پوسته

## Crustal and isostatic model for the Gulf of Oman using gravity data

Askaree, A.<sup>1</sup>, Feizeabady, B.<sup>2</sup> and Ardestani, V. E.<sup>3</sup>

<sup>1</sup>Assistant professor, Physics Department, Hakim Sabzevari University, Sabzevar, Iran

<sup>2</sup>Assistant professor, Physics Department, Hakim Sabzevari University, Sabzevar, Iran

<sup>3</sup>Associate professor, Earth Physics Department, Institute of Geophysics, University of Tehran, Iran

(Received: 15 Jul 2009, Accepted: 31 Jan 2012)

### Abstract

The mapping of the crust-mantle boundary surface is an important geophysical task, which the method of seismic profiling has dealt with profitably. There are, however, areas where the crustal structure is not known up to the present, and where the Moho has as yet not been determined by geophysical sounding. In such areas the isostatic theory may be applied to give a first estimate of the depths of the crust-mantle boundary. However, young orogenic regions are not necessarily in isostatic equilibrium. Therefore the

isostatically calculated crust mantle boundary must be corrected. In our method, the long wavelength observed gravity anomalies are inverted in an iterative process to model the crust-mantle boundary, assuming thus that the mass responsible for the observed gravity anomalies is located at the level of the crust-mantle boundary. As in all gravity-inversion problems, the ambiguity inherent in the underlying mass distributions implies the choice of a particular starting model, defining the crustal equilibrium thickness, and the crust and mantle densities. This may be done adopting a standard crustal model, where mean values found in the literature are used. In cases where these are available, further geophysical knowledge on the crustal thickness from other sources, particularly seismic, gives a means to anchor the crustal equilibrium depth. Thickness of the crust is mostly determined using seismic data provided by recorded earthquakes. The gravity data also can be a very useful source for this purpose. In this paper, authors have estimated a new crust model in The Oman Sea using the new database. The study region is extended between  $\phi = 20^\circ : 25.5^\circ$  latitude and  $\lambda = 60^\circ : 66.5^\circ$ . The estimated thickness of the crust is compared with the A-H model of Isostasy. According to Airy, the mountains are floating on a fluid lava of higher density, so that the higher the mountain, the deeper it sinks. (Airy Isostasy: constant density materials, topography underlain by roots, depressed Moho depth). Airy proposed this model, and Heiskanen gave it a precise formulation for geodetic purposes and applied it extensively. The gravity model computed by Bhaskara Rao et al., formula (1990) and is compared with the observed gravity dataset. To investigate subsurface structure from potential data such as gravity and magnetic data, various methods have been developed.

Blakely (1995) divided them into three categories of forward method, inverse method, and data enhancement and display. Since the algorithm that allows the Fourier transform quite fast had developed, there have been many attempts to apply it to geophysical data processing, and one of the most important works in potential field was done by Parker (1973). He derived mathematical expansions and showed how a series of Fourier transforms could be used to compute the gravity anomaly caused by an uneven, non-uniform layer of material. Shortly after his work, Oldenburg (1974) deduced a method to compute the density contrast topography from the gravity anomaly reversely in two-dimensional Cartesian coordinate system by intuition from the Parker's formula. The inversion method used here is that proposed by Oldenburg (1974), in which the topography of a density interface generating a certain gravity anomaly is estimated using the equation described by Parker (1973). To do this, we need to know both the mean depth of the interface and the density contrast between the bodies separated by this interface. According to Parker (1973), the Fourier transform of the gravity anomaly and the sum of Fourier transforms of the topography causing such a gravity anomaly are related.

**Key Word:** Inversion, Thickness crust, Gravity anomaly, Crust isostasy model, 3-D gravity modeling, Oman Gulf

## ۱ مقدمه

مواد با چگالی کم در زیر ارتفاعات توپوگرافی وجود دارد، که اثرات گرانشی این مواد تمايل به کم کردن اثر توپوگرافی در طول موج بلند دارد. این در واقع همان اصل همایستایی است که در آن دو فرض زیر در نظر گرفته

در طول موج ۱۰۰ کیلومتر و بالاتر، ناهنجاری‌های بوگه به طور معکوس با توپوگرافی همبستگی دارند. در واقع، در این طول موج‌ها ناهنجاری‌های هوای آزاد، همبستگی کمتری با توپوگرافی دارند. این نتایج نشان می‌دهد که

مکران واقع شده که مثالی عالی از یک منشور به هم پیوسته است و روی صفحه اورآسیا قرار دارد (وایت، ۱۹۸۴) (شکل ۱). در مرز جنوبی، حاشیه غیرفعال قاره‌ای عمان قرار دارد که در طی دوره شکافت خوردگی حاشیه صفحه عربی شکل گرفته و اکنون به طور کامل در رسوابات دفن شده است. سومین مرز، پشتهموری (The Murry ridg) در ناحیه جنوب شرقی است که جداکننده قسمت‌های اقیانوسی صفحه هند و صفحه عربی از هم است.

### ۳ نقشه بی‌هنجری بوگه

با در دست داشتن بی‌هنجری هوای آزاد از منبع (سندول و اسمیت، ۱۹۹۷) و با داشتن مختصات عمق از همان منبع، اقدام به محاسبه بی‌هنجری بوگه در منطقه خلیج عمان شد، که نقشه آن در شکل ۲ مشهود است. چگالی برای برگردان بوگه ۲/۶۷ گرم بر سانتی‌متر مکعب در نظر گرفته شد.

### ۴ مدل هم‌ایستایی ایری - هیسکانن

اصل هم‌ایستایی بیان می‌کند که جرم اضافی که با توپوگرافی روی سطح نشان داده می‌شود، با کمبود جرم در عمق، که به آن ریشه می‌گویند، جبران می‌شود. اثر این کمبود جرما در تصحیح بوگه، به حساب نیامده است و این باعث یک همبستگی بین بی‌هنجری بوگه منفی و توپوگرافی مثبت می‌شود. تصحیح هم‌ایستایی باعث حذف اثر گرانی ریشه‌های هم‌ایستا می‌شود. عمق ریشه را براساس مدل ایری - هیسکانن می‌توان برآورد کرد.

مطابق نظریه ایری، کوهها روی گدازه‌ای با چگالی بیشتر قرار دارند، به طوری که کوههای بلندتر بیشتر در آن فرو رفته‌اند. به طور خلاصه طبق این نظریه، کوهها روی گوشته شناورند. نظریه فوق را ایری پیشنهاد کرد و هیسکانن به صورت دقیقی آن را برای کاربردهای

شده است: ۱) گوشته در مدت زمان‌های طولانی به صورت شاره عمل می‌کند. ۲) پوسته زیر بار طول موج‌های بلند توپوگرافی شکسته می‌شود و در نتیجه مثل بلوک‌های شناور یخی سطح آب، روی گوشته شناور می‌شوند. ریشه و کوههای دارای اثرات گرانشی مخالف هم هستند، اما کوههای واقعاً صفحات تحت به ابعاد نامحدود نیستند، و بنابراین اثرات گرانشی به چگونگی فاصله آنها بستگی دارد. به این ترتیب، اثر جاذبه ریشه و کوه دقیقاً یکدیگر را خنثی نمی‌کنند. از ارتباط ناهنجاری‌های هوای آزاد و بوگه با ناهنجاری‌های گرانش توپوگرافی می‌توان فهمید که ساختار جبران شده است یا خیر. برای این کار ناهنجاری‌های هوای آزاد و بوگه برای ساختار موردنظر در ناحیه مورد بررسی، (جبران نشده، و جبران شده) محاسبه می‌شود و با مقایسه این ناهنجاری‌ها با توپوگرافی، ارتباط آنها را بررسی می‌کنیم. همچنین با اجرای محاسبات دقیق، و مقایسه نتایج با مشاهدات، قادر به برآورده ضخامت پوسته خواهیم شد. در این مقاله به محاسبه ضخامت پوسته در سامانه ایری - هیسکانن، اقدام و آن را با ضخامت حاصل از روش معکوس به روش پارکر مقایسه کرده‌ایم، همچنین وضعیت منطقه مورد بررسی را به لحاظ جبران هم‌ایستایی مورد بررسی قرار داده‌ایم.

### ۲ وضعیت زمین‌ساختی خلیج عمان

دریای عمان به لحاظ زمین‌ساختی ناحیه بسیار فعال و در این منطقه پوسته به سرعت در حال تغییر‌شکل است. روش معکوس بی‌هنجری‌های گرانی، برآش داده‌های مشاهده‌ای به بی‌هنجری‌های نظری ایجاد شده با اجسام زیرسطحی است. روش معکوس مسئله‌ای غیرخطی است، چون پارامترهای جسم نسبت به بی‌هنجری‌ها، غیرخطی است.

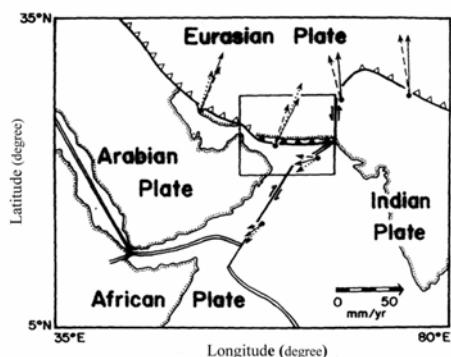
سه نوع مرز در سه طرف دریای عمان در شمال غربی اقیانوس هند مشخص شده است. در شمال منطقه فرورانش

محاسبه پادریشه، ضخامت پوسته قبل محاسبه است و از رابطه زیر به دست می‌آید:

$$T(\lambda, \varphi) = b - (r + h) \quad (2)$$

در رابطه فوق  $b$  ضخامت ثابت ( $31/5$  کیلومتر) برای سطح مبنا (ضخامت نرمال)  $r$  پادریشه و  $h$  عمق آب (سندول و اسمیت، ۱۹۹۷) است.

مدل ضخامت پوسته محاسبه شده در سامانه ایری-هیسکانن، در شکل ۴ نشان داده شده است.



شکل ۱. مرزهای زمین‌ساختی در ناحیه دریای عمان، پیکان‌ها بردارهای سرعت لغزشی را بر حسب میلی‌متر در سال نشان می‌دهند. مثلثهای توخالی برخورد قاره-قاره، و مثلثهای پُر، برخورد صفحه‌های قاره‌ای اقیانوسی را نشان می‌دهند (وايت، ۱۹۸۴).

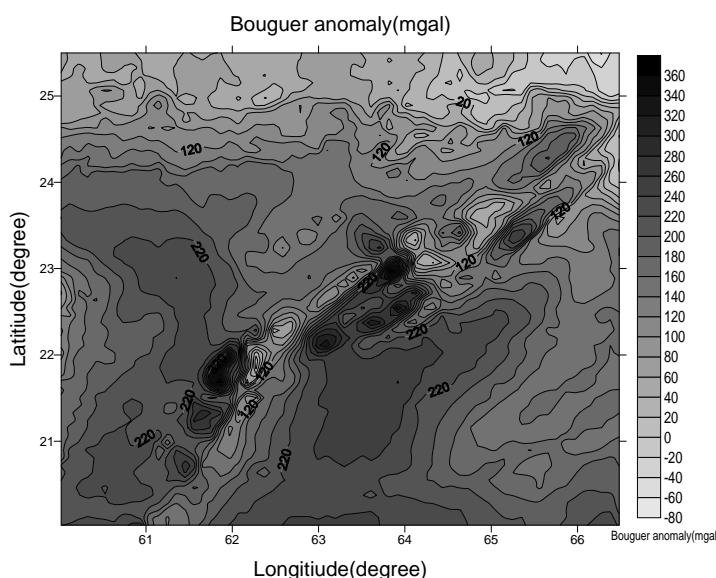
ژئودتیکی فرمول بندی کرد. کوه‌های با چگالی ثابت روی لایه زیرین چگال‌تر، شناور‌نده، ریشه‌ها در زیر کوه‌ها به وجود می‌آیند و پادریشه‌ها در زیر اقیانوس‌ها تشکیل می‌شوند (هیسکانن و موریتز، ۱۹۶۷). برای نواحی اقیانوسی بار توبوگرافی منفی وجود دارد، زیرا چگالی کم‌آب، جایگرین چگالی زیاد سنجک‌ها شده است.

طبق مدل ایری-هیسکانن، چگالی پوسته ثابت است و تعادل هم‌استاتیکی با تغییر در ضخامت پوسته در محل ارتفاعات و گودی‌ها صورت می‌گیرد. این اصل در شکل ۳ تشریح شده است.

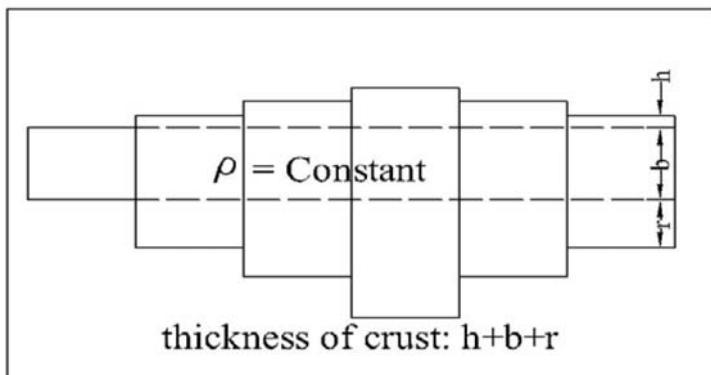
پادریشه برای نواحی اقیانوسی از رابطه زیر و با اعمال نظریه شناوری یا همان اصل ارشمیدس به دست می‌آید:

$$r = \frac{\rho_c - \rho_w}{\rho_m - \rho_c} h \quad (1)$$

که در آن،  $r$  پادریشه، و  $\rho_c = 2.7, \rho_w = 1.03, \rho_m = 3.1$  گرم بر سانتی‌متر مکعب، به ترتیب چگالی‌های گوشه‌های آب و پوسته و  $h$  عمق آب است (هیسکانن و موریتز، ۱۹۶۷). لازم به یادآوری است که تصحیحات کروی باید به فرمول فوق اعمال شود تا دقت بیشتری به دست آید. با



شکل ۲. نقشه بی‌هنجاری بوگه در منطقه مورد بررسی در خلیج عمان.



شکل ۳. مدل هم‌ایستابی ایری-هیسکانن.

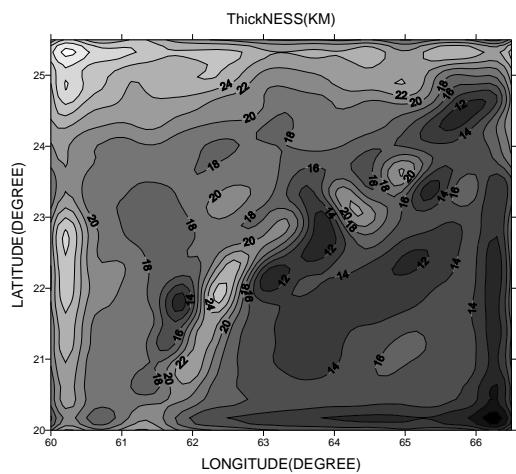
اثرات پوسته، برای به دست آوردن هندسه ضخامت پوسته، بی‌亨جاري باقی‌مانده را باید تبدیل کنیم. برای به دست آوردن این هندسه از روش پیشنهادی اولدنبرگ (۱۹۷۴) استفاده کرده‌ایم. با معلوم بودن تباین چگالی و عمق متوسط منبع، توپوگرافی با استفاده از طرح پارکر که براساس تبدیل فوریه بی‌亨جاري‌های گرانی است، به دست می‌آید.

در این روش توپوگرافی فصل مشترک، بی‌亨جاري گرانی مشخصی را می‌نماید که از معادله پارکر (۱۹۷۳) به دست می‌آید. ضخامت پوسته در شکل ۵ مشخص شده است.

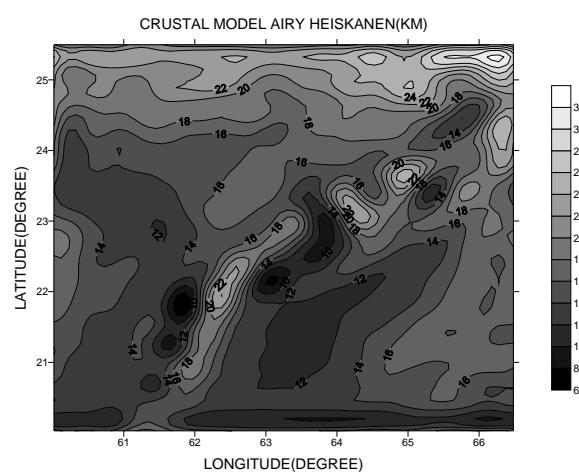
#### ۵ مدل سه‌بعدی ضخامت پوسته

طرح‌های موجود در نقشه بی‌亨جاري گرانی، اثر میدان گرانی زمین هستند که بر اثر اختلاف چگالی واحد‌های سنگی تشکیل‌دهنده ساختارهای زمین‌شناسی گوناگون تولید می‌شوند. با تجزیه و تحلیل این طرح‌ها می‌توان به شکل و عمق ساختارهای تولید‌کننده بی‌亨جاري دست یافت. گرانی حاصل از جرم خاص که بهترین برازش را با بی‌亨جاري واقعی داشته باشد، بهترین مدل از ساختاری را به دست می‌دهد که روی زمین میدان گرانی را ایجاد می‌کند.

با به دست آوردن بی‌亨جاري باقی‌مانده مربوط به



شکل ۵. مدل پوسته حاصل از روش معکوس داده‌های گرانی.



شکل ۶. مدل ضخامت پوسته در سامانه ایری-هیسکانن.

- interpretation of gravity anomalies, *Geophysics*, **39**(4), 526-536.
- Parker, R. L., 1973, The rapid calculation of potential anomalies, *Geophys. J. R. Astron. Soc.*, **31**, 447-455.
- Sandwell, D. T. and Smith, W. H. F., 1997, Marine gravity anomaly from Geosat and ERS-1 satellite altimetry, *J. Geophys. Res.*, **02**: 10039-10050.
- White, R. S., 1984, Active and passive plate tectonic boundaries around the Gulf of Oman, North-West Indian Ocean, *Oceanographic Research*, **31**, 731-745.

## ۶ نتیجه‌گیری

اختلاف در ضخامت پوسته که به دو روش محاسبه شده، حاکی از آن است که منطقه مورد بررسی به لحاظ زمین‌ساختی، منطقه فعالی است و این منطقه از نظر تعادل هم‌ایستایی، جبران نشده است. افزایش ضخامت پوسته عمدتاً در محل تقریبی برخورد صفحه‌ها است، و احتمالاً حاصل فرایند فشارشی وابسته به بازشدن دریای سرخ است. آشفتگی‌های هم‌ایستا، بیشتر در منطقه پهنه مکران دیده می‌شود. بی‌هنجری گرانی شدید، نشانه نبود تعادل هم‌ایستا است. و این امر ممکن است ناشی از نیروهای فشارشی باشد که در ۶ میلیون سال گذشته این ناحیه تحت تأثیر قرار داده‌اند.

نتایج بدست آمده از مدل پوسته حاصل از روش معکوس داده‌های گرانی، و مدل ضخامت پوسته در سامانه ایری-هیسکان، بیان‌کننده این مطلب است که روش معکوس گرانی در بحث تعادل هم‌ایستایی با مدل ایری-هیسکان، سازگاری دارد، زیرا ضخامت پوسته در نواحی کم عمق درون منطقه مورد بررسی بیشتر و در نواحی عمیق‌تر کمتر است. این مطلب موید، نظریه هم‌ایستایی ایری-هیسکان است. قطعاً اگر تصحیحات هم‌ایستایی روی داده‌های گرانی اعمال شود، مدل بدست آمده برای ضخامت پوسته در منطقه مورد بررسی واقعی‌تر خواهد بود.

## منابع

- Bhaskara Rao, D., Prakash, M., Ramesh, J. and Babu, N., 1990, 3D and 2-1/2D modeling gravity anomalies with variable density contrast, *Geophysical Prospecting*, **38**(4), 411-422.
- Blakely, R. J., 1995, Potential theory in gravity and magnetic applications, Cambridge University Press, **441**p.
- Heiskanen, W. and Moritz, M., 1967, Physical Geodesy, W. H. Freeman and Co., San Francisco.
- Oldenburg, D. W., 1974, The inversion and